MODELO ESPACIAL PARA LA DETECCIÓN Y EVALUACIÓN DE CONTAMINANTES ATMOSFÉRICOS: UN ENFOQUE EN LA CALIDAD DEL AIRE DE LIMA

> Alfonso Alberto Romero Baylón Carlos del Valle Jurado Jaime Cesar Mayorga Rojas Luis Miguel Soto Juscamayta William Gilberto Escudero Simon

MODELO ESPACIAL PARA LA DETECCIÓN Y EVALUACIÓN DE CONTAMINANTES ATMOSFÉRICOS: UN ENFOQUE EN LA CALIDAD DEL AIRE DE LIMA

Autores

Alfonso Alberto Romero Baylón

Carlos del Valle Jurado

Jaime Cesar Mayorga Rojas

Luis Miguel Soto Juscamayta

William Gilberto Escudero Simon

Copyright © 2024

Alfonso Alberto Romero Baylón

Carlos del Valle Jurado

Jaime Cesar Mayorga Rojas

Luis Miguel Soto Juscamayta

William Gilberto Escudero Simon

Todos los derechos reservados.

ISBN: 978-9942-7292-7-9

La presente obra fue revisada por pares académicos ciegos conforme al proceso editorial de la Editorial CILADI.



Prólogo

La calidad del aire es un tema de crucial importancia en las discusiones contemporáneas sobre sostenibilidad y salud pública. Este libro aborda una problemática de gran relevancia global con un enfoque científico riguroso, aplicando métodos avanzados de modelación espacial para evaluar la dispersión y concentración de contaminantes en la atmósfera. La elección de Lima como caso de estudio, dada su singular geografía y complejidad urbana, añade valor tanto local como universal a los hallazgos presentados.

En una época en la que el cambio climático y la contaminación desafían cada vez más a las ciudades del mundo, esta obra representa una contribución significativa para el diseño de políticas públicas y estrategias de mitigación ambiental. La combinación de análisis geoestadístico, algoritmos computacionales y variables meteorológicas otorga al libro una profundidad científica que será de interés para investigadores, urbanistas y tomadores de decisiones. Más allá de su valioso aporte teórico, el libro se posiciona como una herramienta práctica para mejorar la gestión de la calidad del aire en contextos urbanos. Al ofrecer soluciones innovadoras y adaptables a diferentes realidades geográficas, esta obra se convierte en un recurso imprescindible para enfrentar uno de los retos medioambientales más apremiantes de nuestra era.

PhD. Antonio Poveda G.

Editor

Resumen

El aumento significativo de la contaminación atmosférica a nivel global, provocado principalmente por la actividad humana, ha generado que los contaminantes se acumulen en la troposfera, alcanzando altitudes cada vez mayores sobre la superficie terrestre. Esta acumulación ha saturado distintas capas de la atmósfera, alterando su equilibrio natural y desencadenando fenómenos climáticos adversos como lluvias torrenciales, vientos huracanados y un preocupante incremento en las temperaturas a escala planetaria.

En esta obra, se presenta el Modelo de Localización Espacial (MDLE), una herramienta de vanguardia desarrollada para identificar y analizar, con alta precisión, las concentraciones de contaminantes atmosféricos en diferentes altitudes dentro de la troposfera. El MDLE permite evaluar dichas concentraciones a intervalos de 500 metros, extendiéndose desde la superficie terrestre hasta los 10,000 metros sobre el nivel del mar. Este modelo integra variables clave como la presión atmosférica, la altitud y la temperatura, permitiendo interpretar el comportamiento de los contaminantes y su relación con los factores meteorológicos.

Mediante algoritmos avanzados, como los de Stirling y Kriging, el modelo estima la distribución espacial de los contaminantes en la atmósfera y establece comparaciones con los Estándares de Calidad de Aire (ECA) y el Indicador Nacional de Calidad del Aire (INCA), específicamente aplicados al contexto de la ciudad de Lima. Estos cálculos y comparaciones permiten determinar el estado del aire en diferentes niveles atmosféricos, proporcionando información crítica para la toma de decisiones en la gestión de la calidad del aire.

Asimismo, este modelo analiza la influencia de factores meteorológicos —como la velocidad del viento, la variación de temperatura y la distribución del ozono en la troposfera— y su impacto directo en la dispersión y concentración de los contaminantes. El ozono, en particular, juega un rol crucial en la protección de la vida en la Tierra, y su comportamiento en altitudes específicas es estudiado de manera detallada en este trabajo.

El MDLE no solo constituye un avance significativo en la modelación de contaminantes atmosféricos a nivel local, sino que sus principios y algoritmos pueden ser adaptados para su aplicación en diferentes regiones geográficas, ofreciendo una herramienta robusta para evaluar la calidad del aire en diversas condiciones meteorológicas y geográficas. A lo largo de esta obra, se exploran tanto las implicaciones científicas del modelo como su potencial para aportar soluciones concretas a uno de los mayores desafíos medioambientales de nuestra era.

Palabras clave: Contaminación atmosférica, Modelo de Localización Espacial, Troposfera, Algoritmos, Calidad del aire.

Índice de Contenidos

1.	Intr	oduce	ción	1
1.1 Entorno actual		Ento	orno actual	1
	1.2	2 Objetivos generales del proyecto		
	1.3	Obje	etivos específicos del proyecto	3
2.	Ant	eced	entes	4
2	2.1	Des	cripción general del entorno atmosférico en Lima	4
3.	Pre	senta	ación del proyecto	5
4.	Cor	ntexto	o teórico	7
4	4.1	Bas	e filosófica	7
4	4.2	Ante	ecedentes de la investigación	7
4	4.3	Bas	es Teóricas	8
	4.3	.1	Gases contaminantes de la atmosfera	8
	4.3	.2	Sustancias contaminantes atmosféricas	8
	4.3	.3	Fuentes de contaminación atmosférica	9
	4.3	.4	Dispersión de contaminantes1	1
	4.3	.5	Plumas de dispersión1	2
	4.3	.6	Indicadores de calidad de aire1	3
	4.3.7		Velocidad de viento1	3
	4.3	.8	Inversión Térmica1	4
	4.3	.9	Temperatura atmosférica14	4
	4.3	.10	Humedad relativa14	4
4	4.4	Mar	co conceptual1	4
4	4.5	Mar	co normativo1	5
5.	Pro	cedir	niento en la construcción del modelo1	5
5.1 Tipo y diseño de investigación		5		
į	5.2	2 Diseño de la investigación1		5
į	5.3 Unidad de análisis		dad de análisis1	6
5.3.1 Ubicación y ámbito geográfico		Ubicación y ámbito geográfico1	6	
	5.3	.2	Población de estudio1	8
	5.3	.3	Tamaño y selección de muestra1	8
Į	5.4	Técnicas de recolección de datos19		

5	5	Volidación do dotos	10
5 C	.:) 		19
о. С			2 I 24
0	. 1	Generalidades	21 24
	0.1.	La atmosfera y sus características	21
	6.1.2	2 El aire y sus componentes	24
	6.1.	Componentes nocivos en el aire	26
•	6.1.4		28
6	.2	Indicador de calidad de aire	29
	6.2.	1 Indicador ICA	29
	6.2.2	2 Niveles de concentración y calidad de aire	31
	6.2.3	3 Niveles de concentración y tipo de aire	34
	6.2.4	4 Rangos de concentración de calidad de aire	36
6	.3	Modelos de basados en expresiones matemáticas	40
	6.3.	1 Modelos con base Gaussiana	40
	6.3.2	2 Modelos con base Eulereana	41
	6.3.3	3 Modelos con base Lagrangeana	42
	6.3.4	4 Modelo MDLE	42
7.	Mod	lelo de localización espacial - MDLE	43
7	.1	Aspectos topográficos y climáticos	43
	7.1.	1 Topografía	43
	7.1.2	2 Clima	46
7	.2	Condiciones de frontera o dimensión 3D	50
	7.2.	1 Geométrica	50
	7.2.2	2 Zonas espaciales atmosféricas	53
7	.3	Algoritmos del modelo	58
	7.3.	1 Algoritmo de Stirling	58
7	.4	Datos de entrada (Input)	32
7	.5	Proceso de calculo	39
	7.5.	1 Interpolación en 2D	39
	7.5.2	2 Interpolación en 3D	70
7	.6	Datos de salida (Output)	73
	7.6.	1 Isovalores de partículas	73
	7.6.2	2 Isovalores de gases	77

8.	Res	ultad	los	81
8	.1	Aná	lisis e Interpretación de resultados	81
	8.1.	1	Estadística de resultados	. 81
8	.2	Geo	estadística de resultados	.84
8	.3	Inter	rpretación de resultados para PM ₁₀	85
8	.4	Pres	sentación de resultados	94
	8.4.	1	Por elementos contaminantes	94
	8.4.	2	Por zona espacial atmosférica en m s.n.m.	101
8	.5	Valio	dación del modelo MDLE	102
	8.5.	1	Validación multivariable	102
	8.5.	2	Validación Geoestadistica del MDLE	104
9.	. Conclusiones1		107	
10.). Bibliografía			108
11.	. Anexos			107

Índice de Figuras

Figura 1. Vista en planta de la ciudad de Lima, indicando la concentración de contaminante	es en
la capa límite de la atmósfera	6
Figura 2. Fuentes de contaminación Naturales y antropogénicas	9
Figura 3. Fuentes de contaminación puntual y lineal.	10
Figura 4. Las plumas de contaminación atmosférica.	11
Figura 5. Gases tóxicos de plumas de emisión	12
Figura 6. Gases tóxicos de plumas de emisión	13
Figura 7. Área de estudio sección rectangular del modelo MDLE	17
Figura 8. Método y técnica de recolección de datos	19
Figura 9. Masa porcentual atmosférica en los 10Km de altitud	21
Figura 10. Zonas espaciales atmosféricas con longitud media	23
Figura 11. Longitudes de la troposfera donde se ubica el aire	25
Figura 12. Proceso de alteración de componentes del aire	27
Figura 13. Índice de calidad de aire - ICA	29
Figura 14. Estados de calidad de calidad de aire ICA	31
Figura 15. Valores de alerta nacional para calidad de aire	32
Figura 16. Estándar de calidad de aire ECA	32
Figura 17. Clasificación del estado de calidad del aire	33
Figura 18. Rango de valores para PM _{2.5}	34
Figura 19. Rango de valores para PM 10	34
Figura 20. Calculo de rangos de valor por elemento contaminante.	35
Figura 21. Cálculo de rangos de valor para PM10 y su relación con INCA.	36
Figura 22. Cálculo de rangos de valor para PM2.5 y su relación con INCA	36
Figura 23. Cálculo de rangos de valor para SO ₂	38
Figura 24. Cálculo de rangos de valor para NO2	39
Figura 25. Esquema conceptual del modelo Gaussiano.	41
Figura 25. Curvas de nivel de la superficie topográfica del modelo.	44
Figura 27. Curvas de nivel 3D de la superficie topográfica del modelo	45
Figura 28. Curvas de nivel 2D de la superficie topográfica del modelo	46
Figura 29. Temperatura mínima y máxima en Lima	47
Figura 30. Velocidad promedio del viento en Lima.	48
Figura 31. Dirección promedio de viento en Lima	48

Figura 32.	Variación de la presión según altitud.	.49
Figura 33.	Variación de la temperatura según altitud	. 50
Figura 34.	Dimensiones del área de la base del paralelepípedo del modelo en plano X,Y	.51
Figura 35.	Condiciones de frontera 3D del modelo en espacio (X,Y,Z)	.52
Figura 36.	Vista en 3D de modelo MDLE	.53
Figura 37.	Distribución por altitud de la atmosfera	.54
Figura 37.	Altitud de la atmosfera con acumulación de ozono	. 55
Figura 39.	Vista del área superficial del modelo MDLE	. 56
Figura 40.	Base rectangular del modelo MDLE.	.57
Figura 41.	Estaciones de toma de datos de SENAMHI	.63
Figura 42.	Datos de ingreso en formato xls	.64
Figura 43.	Datos de ingreso SENAMHI en formato xls para Huachipa	.65
Figura 44.	Datos de ingreso SENAMHI en formato xls para VMT	.65
Figura 45.	Datos de ingreso del inicio del archivo Station_ASSAY	.66
Figura 46.	Datos de ingreso del final del archivo "Station_ASSAY	.67
Figura 47.	Cuatro archivos principales de ingreso al MDLE	.68
Figura 48.	Archivos principales del MDLE en formato SCV.	.68
Figura 49.	Interpolación 2D del MDLE en el área asignada	. 69
Figura 50.	Interpolación 3D en todo el ámbito del MDLE	.70
Figura 51.	Selección en 3D de todo el ámbito del MDLE	.71
Figura 52.	Zoom en 3D del área de selección.	.72
Figura 53.	Desplazamiento del área de selección al extremo superior del modelo	.73
Figura 54.	Vista en 3D de isovalores de PM10	.74
Figura 55.	Vista en 2D de isovalores de PM10	.75
Figura 56.	Vista en 3D de isovalores de PM10 en otra cota	.76
Figura 57.	Curvas de isovalores de PM10	.77
Figura 58.	Curvas de isovalores de CO	.78
Figura 59.	Curvas de isovalores de CO ampliada con zoom.	.79
Figura 60.	Curvas de isovalores de CO a detalle	.80
Figura 61.	Histograma de distribución normal para PM _{2.5.}	.81
Figura 62.	Histograma de log-normal para PM _{2.5.}	.82
Figura 63.	Frecuencia acumulada para PM _{2.5.}	. 82
Figura 64.	Interrelación multivariada para PM 2.5 y SO2.	.83

Figura 65. Interrelación multivariada para PM 2.5 y PM 10.	83
Figura 66. Interrelación multivariada para O ₃ y SO ₂	84
Figura 67. Semi variogramapara PM 2.5.	84
Figura 68. Semi variograma para O _{3.}	85
Figura 69. Semi variograma espacial para PM 2.5 y SO2	85
Figura 70. Isovalores de PM10 en lima metropolitana	90
Figura 71. Variación de valores de PM 10.	91
Figura 72. Isovalores de PM ₁₀ en μ g /m3	92
Figura 73. Isovalor de valor calculado por algoritmos	94
Figura 74. Isovalor de valor obtenido con modelo para PM10	96
Figura 74. Isovalor obtenido para SOx	97
Figura 76. Isovalor obtenido para NOx	
Figura 77. Isovalor obtenido para O3	
Figura 78. Isovalor obtenido para CO	
Figura 79. Isovalor obtenido para CO	
Figura 80. Isovalores obtenido para PM10 a 9000 msnm	
Figura 81. Tendencia unilineal de datos para el Cox	
Figura 82. Saltos de variograma de la Geoestadistica del MDLE.	
Figura 83. Semivariograma 3D componentes de atmosféricos PM y SO	

Índice de Tablas

Tabla 1. Limitaciones de los modelos tradicionales y ventajas del MDLE	2
Tabla 2. Coordenadas y altitudes del área de estudio en Lima	5
Tabla 3. Coordenadas UTM de los puntos superficiales del modelo	17
Tabla 4. Nomenclatura de las estaciones	18
Tabla 5. Principales componentes de aire.	24
Tabla 6. Principales gases de efecto invernadero	26
Tabla 7. Valor medio de partículas en suspensión.	37
Tabla 8. Comparación de valores medios para partículas	37
Tabla 9. Comparación de valores para SO ₂	38
Tabla 10. Comparación de valores para NO2	39
Tabla 11. Comparación de valores para O_3	40
Tabla 12. Coordenadas UTM de las estaciones de monitoreo en metros	62
Tabla 13. Colores y rango de valores establecidos por ICA - Minam	86
Tabla 14. Estado, rango y color de calidad de aire	86
Tabla 15. Índice INCA para partículas en suspensión.	87
Tabla 16. Índice INCA para SOx y NOx	87
Tabla 17. Categorías del estado del aire según color y rango INCA	88
Tabla 18. Rango del valor de concentración en µg /m3, por cada elemento contaminante…	88
Tabla 19. Rango de valores de PM $_{10}$ y otros elementos	93
Tabla 20. Rango de valores INCA	93
Tabla 21. Identificación del estado del aire con valor obtenido del modelo para PM 2.5	95
Tabla 22. Identificación de estado del aire con valor obtenido de modelo para PM10	96
Tabla 23. Identificación de estado del aire con valor obtenido para SOx.	97
Tabla 24. Identificación de estado del aire con valor obtenido para NOx	98
Tabla 25. Identificación de estado del aire con valor obtenido para O3	99
Tabla 26. Identificación de estado del aire con valor obtenido para CO	100
Tabla 27. Distribución multilineal de datos adquiridos a SENAMHI.	103
Tabla 28. Distribución multinlineal de datos de Stirling	103

1. Introducción

1.1 Entorno actual

La contaminación atmosférica es uno de los problemas medioambientales más graves a los que se enfrenta el mundo moderno. A pesar de los esfuerzos por monitorear y mitigar sus efectos, los modelos actuales para la evaluación de los contaminantes en la atmósfera aún presentan limitaciones significativas. Los métodos tradicionales de medición se centran en la observación de las concentraciones de contaminantes a nivel local, generalmente a una altitud de 10 metros sobre el nivel del mar. Sin embargo, esta metodología no logra capturar la complejidad de la dispersión de los contaminantes a diferentes altitudes y zonas espaciales de la atmósfera, lo que limita la precisión de los resultados.

Actualmente, los contaminantes son evaluados utilizando herramientas científicas conocidas como modelos determinísticos, entre los cuales el modelo gaussiano es uno de los más destacados. Este modelo depende de la pluma o penacho de emisión, es decir, la trayectoria del contaminante tras su emisión desde una fuente específica, como una chimenea o escape industrial. Además, otros enfoques incluyen modelos numéricos y de partículas, que se dividen en estáticos, dinámicos, mixtos y estadísticos. Cada uno de estos modelos tiene características unidimensionales o lineales que no logran considerar adecuadamente la variable espacial, es decir, cómo los contaminantes se distribuyen en las diferentes capas de la atmósfera. Tal omisión deja un vacío importante en la comprensión de la dispersión de los contaminantes más allá de un entorno local limitado.

Los modelos de alcance medio, aquellos que se sitúan entre los modelos regionales y locales, logran promediar las concentraciones de los contaminantes presentes en la atmósfera, pero aún carecen de la capacidad para ubicar dichos contaminantes en el espacio geoespacial de manera precisa. Los modelos de dispersión tridimensional (3D) intentan abordar esta limitación, pero su alcance sigue siendo insuficiente. Estos modelos dependen en gran medida de la fuente de emisión y de la altitud de la pluma o chimenea de donde provienen los contaminantes, limitando su utilidad para describir la realidad atmosférica a mayores altitudes, donde los efectos pueden ser mucho más complejos y extendidos.

En la ciudad de Lima, como en muchas otras grandes urbes, el monitoreo de la calidad del aire se realiza bajo estas limitaciones. La falta de un modelo que contemple la localización geoespacial de los contaminantes restringe el análisis de la calidad del aire a un rango de precisión relativamente amplio, y la evaluación se limita a factores y variables locales. Tradicionalmente, se ha medido la concentración de contaminantes en la superficie terrestre, sin tener en cuenta las capas superiores de la atmósfera o la capa límite, lo que impide una evaluación más exhaustiva y precisa de los riesgos asociados a la contaminación atmosférica en diferentes altitudes.

En la Tabla 1, se presenta una comparación detallada de las limitaciones de los modelos tradicionales y las ventajas que introduce el Modelo de Localización Espacial (MDLE), destacando cómo este modelo soluciona las principales deficiencias, permitiendo una mayor precisión y alcance en la evaluación de contaminantes.

Modelo	Alcance	Limitaciones	Ventajas del MDLE
Modelo Gaussiano	Local (10 m)	No incluye la variable espacial, depende de la pluma de emisión	Permite localizar contaminantes en todas las capas de la atmósfera
Modelos de partículas	Local	Unidimensional, no considera dispersión espacial	Integración de algoritmos 3D que calculan concentración y dispersión en 3D Amplía el
Modelos de dispersión 3D	Limitado a lo local	Depende de la fuente de emisión y altitud de la chimenea	alcance regional y geoespacial, adaptado a diferentes altitudes
Modelos numéricos y mixtos	Regional	No permiten una precisión adecuada en altitudes más altas	Evalúa la contaminación en función de la topografía y condiciones climáticas

Tabla 1. Limitaciones de los modelos tradicionales y ventajas del MDLE.

1.2 Objetivos generales del proyecto

 Determinar con alta precisión la concentración y distribución espacial de los contaminantes atmosféricos a diferentes altitudes en la ciudad de Lima, utilizando un modelo avanzado que incorpore variables meteorológicas, geográficas y algoritmos de localización georreferenciada.

1.3 Objetivos específicos del proyecto

- Analizar la influencia de los factores meteorológicos considerados en el modelo, tales como la presión atmosférica, la temperatura y los vientos, en la calidad del aire a diferentes altitudes en la ciudad de Lima, estableciendo relaciones cuantitativas y cualitativas que permitan una mayor comprensión de su impacto en la dispersión de contaminantes.
- Evaluar el impacto de las características geográficas de la ciudad de Lima, como la altitud y la topografía, en la calidad del aire y en la distribución de los contaminantes troposféricos, con el fin de ajustar y optimizar el modelo para reflejar de manera más precisa las condiciones locales específicas.
- Verificar la efectividad de los algoritmos implementados en el modelo para la localización precisa y georreferenciada de los contaminantes atmosféricos en la troposfera, asegurando que el modelo sea capaz de identificar con exactitud las concentraciones a lo largo de diferentes capas atmosféricas en la ciudad de Lima.

2. Antecedentes

2.1 Descripción general del entorno atmosférico en Lima

El entorno atmosférico de la ciudad de Lima presenta características únicas debido a su ubicación geográfica y condiciones meteorológicas particulares. La calidad del aire en esta región se ve influenciada por diversos factores como la topografía costera, la proximidad al océano Pacífico, y las características de la cordillera de los Andes, lo que crea microclimas y patrones de dispersión de contaminantes diferenciados. Estos elementos juegan un rol crucial en la concentración y distribución de contaminantes atmosféricos en diferentes capas de la troposfera.

El modelo de localización espacial de contaminantes atmosféricos (MDLE) presentado en esta investigación tiene como finalidad estimar con precisión las concentraciones de contaminantes a distintas altitudes sobre la ciudad de Lima. Este modelo ha sido diseñado con un enfoque académico y técnico, proporcionando una herramienta para el análisis de la calidad del aire en áreas urbanas densamente pobladas. Aunque simplificado para su aplicación práctica, el modelo conserva los elementos esenciales que permiten comprender la influencia de factores meteorológicos y geográficos en la distribución de los contaminantes.

A nivel profesional, este modelo de localización espacial es clave en el proceso de evaluación de la calidad del aire y su impacto sobre la salud pública y el medio ambiente. Al igual que en el desarrollo de modelos geológicos, donde se identifican y definen unidades homogéneas para la estimación de recursos minerales, en este caso se definen unidades espaciales en la troposfera que permiten analizar de manera precisa la concentración de contaminantes en relación con su altitud y localización geográfica. Este enfoque geoespacial, combinado con algoritmos avanzados, contribuye a la estimación precisa de la calidad del aire en Lima y permite adaptar el modelo a distintas escalas y contextos geográficos.

Al igual que en la evaluación de recursos geológicos, en la evaluación de la calidad del aire se consideran variaciones en las características espaciales, como las fluctuaciones de presión atmosférica, temperatura y otros factores meteorológicos que afectan directamente la dispersión y concentración de los contaminantes en la troposfera. Esta metodología, enfocada en la evaluación de la calidad del aire, no solo proporciona un análisis detallado de la situación en Lima, sino que también sirve como base para futuras investigaciones y la implementación de políticas públicas orientadas a la mitigación de la contaminación atmosférica.

3. Presentación del proyecto

La información utilizada en esta investigación proviene de una extensa base de datos en formato digital, la cual ha sido extraída y procesada para evaluar la calidad del aire en la ciudad de Lima a distintas altitudes. Los datos están organizados en archivos específicos que contienen información clave sobre las concentraciones de contaminantes y las variables meteorológicas asociadas. Estos archivos incluyen coordenadas georreferenciadas de las estaciones de monitoreo (archivo Estaciones.txt), datos meteorológicos como presión, temperatura y velocidad del viento (archivo Meteo.txt), así como las concentraciones de contaminantes atmosféricos en partículas por millón (ppm) a diferentes altitudes (archivo Contaminantes.txt).

Las coordenadas geográficas que delimitan el área de estudio en la ciudad de Lima se muestran en la Tabla 2, la cual incluye las altitudes mínimas y máximas alcanzadas durante el monitoreo, cubriendo un rango desde la superficie terrestre hasta los 10,000 metros de altitud. Esta información es esencial para comprender cómo varían las concentraciones de contaminantes en las diferentes capas de la atmósfera.

Este [m]	Norte [m]	Altitud [m]
Mínimo	276,340	8,750
Máximo	277,540	8,900
Longitud	1,200	150

Tabla 2. Coordenadas y altitudes del área de estudio en Lima.

La base de datos está compuesta por 84 estaciones de monitoreo distribuidas en diferentes zonas de Lima, y cuenta con más de 12,000 registros de mediciones de calidad del aire a diferentes horas del día. La zonificación incluye áreas urbanas e industriales, lo que permite realizar una comparación detallada entre las concentraciones de contaminantes en estos entornos. Los algoritmos utilizados en el modelo de localización espacial de contaminantes troposféricos (MDLE) permitieron georreferenciar y modelar las concentraciones a lo largo de las diferentes altitudes de la atmósfera, proporcionando una visión integral de la distribución de los contaminantes. A continuación, se presentan diferentes representaciones gráficas (Figuras 1 a 5) que ilustran las concentraciones de contaminantes a distintas altitudes, la influencia de las condiciones meteorológicas, y la distribución geográfica de las estaciones de monitoreo:





Como se puede observar en la figura anterior, la distribución de las estaciones de monitoreo no sigue una malla regular debido a la infraestructura y topografía de la ciudad, en las Figuras 5 y 6, se aprecia que las concentraciones de contaminantes tienden a agruparse en áreas específicas a distintas altitudes. Estas áreas presentan una malla irregular, con distancias aproximadas de 100 metros entre estaciones en zonas urbanas y mayores distancias en áreas periféricas.

4. Contexto teórico

4.1 Base filosófica

Según el Filósofo Anaximenes, M (-538 a.c.), quien considera que la esencia de la existencia es el aire. Los seres vivos existen, por la presencia del aire que se respira. De éste componente, nacen las cosas, y a él vuelven cuando se corrompen en su naturaleza. Asimismo; las características de la materia, cualquiera que sea, su estado (estados de la materia), son productos de la expansión de los componentes del aire.

4.2 Antecedentes de la investigación

Salvador Martínez, Pedro (2015). "Caracterización de la contaminación atmosférica producida por partículas en suspensión en Madrid. España". La presente investigación se realizó en el ayuntamiento de Madrid, Comunidad Autónoma de Madrid, entre 2010-2015, en este estudio se ha abordado como objetivo el estudio, bajo una perspectiva multidisciplinar, de la contaminación por partículas atmosféricas en suspensión en la cuenca de Madrid, analizando series anuales, pero en forma permanente por día, concentraciones de PM10 y PM2.5, obtenidos en distintas estaciones de medida de este área geográfica durante un periodo de cinco años (2010 - 2015). Este proceso de hizo, a partir del desarrollo experimental llevada a cabo en varios lugares de Madrid con diferentes instrumentos de medición, se han obtenido nuevas series de datos, incluyendo en este caso la medida por primera vez, niveles de PM2.5. El análisis estadístico de estos datos ha permitido asimismo profundizar en su origen y establecer las categorías o fuentes de emisión, así como estimar los aportes de las fuentes a los niveles de inmisión de este contaminante, obtenidos diariamente en Madrid e identificar regiones fuente remota de aportes de PM10 a dichos niveles.

Molina Jiménez, Pedro (2013). "Simulación numérica de un problema de contaminación atmosférica". Madrid. España. Las derivadas parciales de difusión con reacción química es el principio de los modelos a efectos de la dispersión de contaminantes, los diversos métodos numéricos aplicados en su resolución son objeto de amplios análisis en el contexto de su desarrollo. Asimismo, muestra un método conservador para la resolución de la parte advectiva, por medio de derivadas parciales, modelando así, la dispersión de contaminantes y su transporte químico, basado

en elementos finitos y su correspondiente interpolación, asimismo, este método; esta fundamentado, en la conservación exacta de la masa que es transportada, específicamente, la ley de conservación de las masas.

Cáceres Lillo, Dante (2015). "Evaluación de los efectos agudos en la función pulmonar por exposición a material fino PM2.5 en niños que viven próximos a una playa contaminada masivamente con relaves mineros, Chanaral, Chile". Este estudio, realizó un análisis longitudinal, en una muestra representativa de 140 escolares entre 6 y 15 años que viven cerca de una playa contaminada por relaves mineros, la muestra, fue sometida a exámenes de función de la respiración en periodos de dos semanas. La determinación de metales, fueron realizados por fluorescencia de rayos x. La relación, entre la exposición diaria a PM2.5 y, los cambios en la función del pulmón fueron estimadas por modelos de regresión, observándose una disminución notoria, en la capacidad vital frente a la exposición a partículas PM2.5.

4.3 Bases Teóricas

4.3.1 Gases contaminantes de la atmosfera

Por primera vez, se establece como tales desde los años 60, los cuales son, los clorofluorocarbonos (CFC, ó "freones"), de efectos negativos: destruyen la capa de ozono en la zona siguiente de la troposfera, e incrementan el efecto invernadero. Los aerosoles ahora en adelante son sustituidos por otros gases, como el CO2 (Martínez, 2004).

4.3.2 Sustancias contaminantes atmosféricas

Es considerado así por (Seinfeld, 1986), a cualquier sustancia que forma parte del aire en concentraciones más allá de su nivel normal y que produce efectos medibles en personas, animales, vegetación o materiales. Entre las clases de contaminantes tenemos: CO, SO2, (O3, Partículas: Aerosoles líquidos o aerosoles sólidos. Primarios: emitidos directamente a la atmósfera. Secundarios: formados en la atmósfera en transformaciones físico-químicas y Según sus contenidos químicos: compuestos con carbono y con azufre (Seinfeld, 1986).

4.3.3 Fuentes de contaminación atmosférica

De acuerdo con Schmitz (2006), las fuentes de contaminación atmosférica se dividen en dos categorías principales: naturales y antropogénicas. Esta clasificación es fundamental para entender las diversas contribuciones a la contaminación del aire y sus impactos en el medio ambiente y la salud humana. A continuación, se presentan en detalle estas dos categorías de fuentes:

Figura 2. Fuentes de contaminación Naturales y antropogénicas.



Fuente: Schmitz R, y otros (2006)



Figura 3. Fuentes de contaminación puntual y lineal.

Fuente: Schmitz R, y otros (2006)



Figura 4. Las plumas de contaminación atmosférica.

Fuente: Schmitz R, y otros (2006)

4.3.4 Dispersión de contaminantes

Gerraud R., (2006), este trabajo se basa en el conocimiento científico o positivo pues pasó por distintas etapas desde su inicio, deja también abierta la posibilidad de comprobar o rechazar mis hipótesis, en el desarrollo de esta tesis he considerado las corrientes filosóficas, positivista, Auguste Comte, refutabilidad de Karl R. Popper y pragmatismo de William James. Indica que los factores meteorológicos de la contaminación atmosférica que influyen en un modelo de distribución de contaminantes son: Transporte y Dispersión, entendiéndose este último como la movilidad de las sustancias contaminantes desde su foco de emisión como plumas de emisión de gases en las fábricas y su desplazamiento por el viento alrededor de esta pluma de emisión.



Figura 5. Gases tóxicos de plumas de emisión.

Fuente: Gerraud Rene, (2006).

4.3.5 Plumas de dispersión

En el cuadro siguiente, (Graedel et al, 1992), muestran las distintas formas de desplazamiento de los contaminantes a través de las chimeneas o plumas de emisión de las fábricas con procesos industriales de los productos, así como de las fundiciones y refinerías, cada uno de los esquemas tiene un modelo matemático de dispersión a aplicar para el estudio del transporte de los contaminantes.



Figura 6. Gases tóxicos de plumas de emisión.

Graedel & Crutzen (1992)

4.3.6 Indicadores de calidad de aire

Clasificado en bueno, moderado, malo, muy malo y alerta máxima, basada en los valores establecidos por los Estándares Nacionales de Calidad del Aire – ECA, así como los Niveles de Alerta Nacional de Contaminantes del Aire. Expresados en Indicador de Calidad de Aire - ICA, que es una herramienta relacionado a la explicación de la calidad del aire (SENAMHI, 2013).

4.3.7 Velocidad de viento

Medido a niveles bajos de la atmósfera, y registra, los vientos fuertes del oeste a este con intensidades mayores a 10 m/s y de débiles a moderados (2 a 4 m/s), mayormente del este sobre el continente sudamericano y del sur y sureste sobre bajas latitudes. A nivel del mar, los vientos con dirección del sur-sureste a sureste y velocidades varían entre 2 y 7 m/s. Asimismo, la velocidad máxima media es ligeramente menor (0,3 m/s), que su valor climático, en la categoría de vientos moderados según (SENAMHI, 2011).

4.3.8 Inversión Térmica

Afloramiento marino activo e intensa inversión térmica con altitud promedio de su base a 358 m, espesor medio 228 m y gradiente promedio de 1,4°C/100 m. SENAMHI, (2011).

4.3.9 Temperatura atmosférica

Temperatura atmosférica. Según SENAMHI, (2011), aquella que se presenta en promedio en la ciudad de Lima varía según las estaciones del año cuya gradiente es lineal en el espacio atmosférico.

4.3.10 Humedad relativa

Saturación del medio atmosférico por moléculas de agua en suspensión conocido como humedad relativa en la atmosfera, la humedad relativa mínima media es 1% menor que su valor climático., pero en la ciudad de Lima este valor está por encima de los 80%. SENAMHI, (2011).

4.4 Marco conceptual

- 4.4.1 Dióxido de azufre SO2.- Es un gas incoloro que se percibe por un fuerte olor a niveles superiores a 0,5 ppm. El óxido sulfuroso, precede al ácido sulfúrico (H2SO4), el cual contribuye a la deposición ácida afectando al clima. Algunos focos de emisión son la quema del carbón mineral, la combustión de hidrocarburos y los volcanes, se eliminan por reacción química, o por disolución en agua (Jacobson, 2002).
- 4.4.2 **Modelamiento espacial. -** Es la base científica de los fenómenos físicos expresados en expresiones matemáticas y se pueden elegir a partir de: Método de diferencias finitas, Métodos de elementos finitos, Métodos de volumen finito, Métodos de descomposición de dominio (Kiely, 2006).
- 4.4.3 Partícula menor de 10 micrómetros (PM). El PM2.5, corresponde a las partículas cuyo diámetro aerodinámico es menor a 2.5 μm y PM10, a las menores de 10 μm3, pero mayor a 2.5 μm., provienen de los procesos de combustión y de fenómenos naturales. Las partículas son eliminadas de la

atmósfera mediante dos mecanismos: la deposición en la superficie de la Tierra y la incorporación a gotas de las nubes durante la formación de la lluvia (Seinfield, 2006).

- 4.4.4 **Modelos por ordenador. -** Es el conocimiento científico y tecnológico que se integra en modelos matemáticos que se transforman en programas de cómputo (Kiely, 2006).
- 4.4.5 Modelo matemático. Sistema de ecuaciones diferenciales. (Kiely, 2006).
- 4.4.6 **Métodos híbridos. -** Herramientas de modelización. Aquellos relacionados con la predicción de fenómenos físicos a través de: Interpolación con ecuaciones diferenciales. (Kiely, 2006).
- 4.4.7 Óxidos de nitrógeno NOx. Originado en los procesos de combustión junto con el NO y se forma también en la atmósfera por la oxidación de NO, para representar a NO y NO2 en conjunto se suele designar como NOx. La importancia del dióxido de nitrógeno radica en su capacidad de absorber toda la gama visible y ultravioleta del espectro solar en la atmósfera inferior, el NO2 (Seinfield, 2006).
- 4.4.8 Ozono O3.- Formado en la atmósfera por reacciones fotoquímicas con presencia de luz solar y contaminantes como los óxidos de Nitrógeno NOx y diversos compuestos orgánicos volátiles (COV). Se destruye en reacciones con el NO2 y se deposita en el suelo (OMS, 2005).

4.5 Marco normativo

(MINAN D.S. N°003, 2017), donde se aprueban los Estándares de Calidad Ambiental (ECA), para Aire con sus respectivas disposiciones complementarias. Esta norma deroga al Decreto Supremo N° 074-2001-PCM, al Decreto Supremo N° 069-2003-PCM, al Decreto Supremo N° 003-2008-MINAM y al Decreto Supremo N° 006-2013-MINAM.

(MINSA D.S. Nº 009, 2003)., su modificatoria y Directiva del Reglamento de los Niveles de Estados de Alerta Nacionales de Contaminantes del Aire.

(DIGESA R.D. Nº 1404, 2005), Protocolo de Monitoreo de Calidad del Aire y Gestión de los Datos (Digesa, 2005).

5. Procedimiento en la construcción del modelo

5.1 Tipo y diseño de investigación

- 5.1.1 Tipo: Aplicada, porque utiliza los algoritmos los de Stirling y kriging para procesar numéricamente de datos geoespaciales sustentado en el elipsoide de localización geoespacial para ubicar la posición en el espacio 3D del elemento estudiado en variables regionalizadas.
- 5.1.2 **Nivel:** Es de tipo evaluativo experimental, porque realiza iteraciones lógicas y algorítmicas con los datos originales de las fuentes de recolección de data procesándoles en el tiempo permitiendo ubicar el contaminante en el espacio, así como su concentración de esta.

5.2 Diseño de la investigación

En este estudio, establecemos tres variables independientes y una variable dependiente donde manipulando las variables independientes relacionadas a las concentraciones de los elementos contaminantes en el modelo espacial de localización, podemos relacionar con los indicadores de calidad según la cantidad de los contaminantes atmosféricos y encontrar el estado del aire. Este análisis se realiza en forma global considerando la totalidad de los focos de contaminación existentes en el área de estudio representados en este caso por las estaciones de monitoreo del SENAMHI de donde obtenemos los datos por horas y días las cuales están relacionados a los aspectos meteorológicos como la temperatura, velocidad del aire, humedad, altitud y cantidad de contaminante.

Mediante las variables independientes y al manipular las expresiones matemáticas en el espacio, identificamos el comportamiento de los contaminantes tanto en ubicación geoespacial como la cantidad en (μ g /m3) de la misma y su consecuencia o efecto un determinado punto espacial en la zona espacial atmosférica de estudio.

Los procesos de experimentación se desarrollan mediante las iteraciones de los algoritmos, los diferentes valores de las concentraciones en ($\mu g /m3$), de los elementos contaminantes encontrados mediante el algoritmo de Kriging basado en la ecuación del elipsoide geoespacial en el modelo y puede ser replicable en las grandes urbanizaciones.

La parte explicativa y cuantitativa del estudio están presentes al desarrollar el modelo MDLE, porque los resultados de georreferencia detallan la situación espacial y los valores de las concentraciones en (μ g /m3), son cuantificadas por las expresiones matemáticas presentes en cada algoritmo.

- a) Carácter explicativo. Relaciona las variables independientes del modelo con la variable dependiente teniendo en cuenta la ubicación geoespacial de los elementos contaminantes atmosféricos que viene a ser las variables independientes y la calidad del aire en la ciudad de Lima, que es la variable dependiente, el mismo que se precisa al manipular las tres variables independientes. (Fernández., 1998).
- b) Carácter cuantitativo. La data adquirida para esta investigación, tiene como fuente las 10 estaciones de monitoreo del aire de propiedad de SENAMHI, ubicados espacialmente en todo el ámbito geográfico de la ciudad de Lima Metropolitana, que estudia el modelo, crean bases de datos numéricos con control de calidad de datos realizados previamente por SENAMHI, ya que se adquiere bajo un costo. Estos datos de cantidad de contaminantes atmosféricos, temperatura, altitud, humedad y velocidad de viento, son ingresados y evaluado por el algoritmo de Stirling y kriging, identifican geo espacialmente dentro del alcance geométrico del modelo 3D, y como resultados de cálculos en iteraciones calculan las concentraciones en todo el ámbito espacial atmosférico establecido por el modelo MDLE.

5.3 Unidad de análisis

5.3.1 Ubicación y ámbito geográfico

La unidad de análisis de esta investigación es el ámbito geográfico espacial ubicado en la ciudad de Lima la misma que tiene una dimensión regional de un paralelepípedo plano de base 67km por 44km y una altitud de 10Km, y los diferentes contaminantes atmosféricos presentes en esta región espacial. Las coordenadas del sistema "Universal Tranversal Mercator" - UTM se muestran en la tabla No. 01. En el modelo se utiliza específicamente las coordenadas UTM WGS 84.

Estación	X	Y	Z
E01A00	258772.1	8705786.4	0
E02B00	301776.5	8705786.4	1111
E03C00	304743.5	8641591.4	327
E04D00	260991.1	8641087.4	0

Tabla 3. Coordenadas UTM de los puntos superficiales del modelo.

La figura 7 representa la ubicación y el área de estudio en el espacio geográfico de Lima Metropolitana.



Figura 7. Área de estudio sección rectangular del modelo MDLE.

5.3.2 Población de estudio

La población de estudio está conformada por las diez estaciones de monitoreo de calidad del aire implementadas por SENAMHI, los mismos que miden automáticamente en forma permanente la concentración de contaminantes atmosféricos los cuales tienen origen o son producido por el hombre como aquellas que se originan en forma natural. Los contaminantes más relevantes son partículas finas, partículas sólidas en suspensión, gases tipos óxidos y gases sulfurados además de los metales pesados en suspensión.

5.3.3 Tamaño y selección de muestra

El tamaño de la muestra está constituido por la totalidad de las estaciones de medición constituyendo la totalidad del universo del número de estaciones implementadas por SENAMHI, que son puntos de medición continua de cantidad de contaminantes atmosféricos en (μ g/m3), en Lima metropolitana, cubren por su ubicación la extensión de la ciudad de Lima.

La selección de la muestra poblacional es entonces todo el universo, representado por las 10 estaciones de medición y seguimiento de contaminantes atmosféricos en la ciudad de Lima, a partir de los datos diariamente medidos y adquiridos para este estudio, se realizan los cálculos de localización espacial de los contaminantes atmosféricos en todo el ámbito de la ciudad de Lima.

No. de	Número de la estación en	Nombre de la estación de monitoreo de
orden	forma creciente de norte a sur	calidad del aire
1	Estación No. 01	Estación Puente Piedra
2	Estación No. 02	Estación Carabayllo
3	Estación No. 03	Estación San Martin de Porres
4	Estación No. 04	Estación San Juan de Lurigancho
5	Estación No. 05	Estación Ate
6	Estación No. 06	Estación Huachipa
7	Estación No. 07	Estación Santa Anita

Tabla 4. Nomenclatura de las estaciones.

8	Estación No. 08	Estación Campo de Marte
9	Estación No. 09	Estación San Borja
10	Estación No. 10	Estación Villa María del Triunfo

5.4 Técnicas de recolección de datos

Los datos adquiridos para esta investigación cuentan con un control de calidad realizados previamente por personal y equipo técnico de SENAMHI, dichos datos al ser medidos en las diez estaciones de monitoreo debidamente calibradas y sus procedimientos de cuantificación y manejo cumplen con los estándares internacionales de calidad y precisión en la medición aseguran la fiabilidad de estos. La figura 8 muestra la metodología y la técnica en la toma de datos.

Parámetro	Fecha primer registro	Fecha último registro	Metodo	Técnica	Marca	Gráficos
Material Particulado menor a 10 micras (PM10)	03/12/2014	26/06/2020	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC	2
Material Particulado menor a 2.5 micras (PM2.5)	03/12/2014	26/06/2020	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC	ĸ
Dioxido de Azufre SO2	03/12/2014	26/06/2020	Automatico	Fluorescencia UV Analizador T100	TELEDYNE	M
Oxidos de Nitrogeno NO2	03/12/2014	26/06/2020	Automatico	Quimioluminiscencia Analizador T200	TELEDYNE	M
Monoxido de Carbono CO	03/12/2014	26/06/2020	Automatico	Infrarrojo No Dispersivo Analizador T300	TELEDYNE	2
Ozono Troposferico O3	03/12/2014		Automatico	Fotometria UV Analizador T400	TELEDYNE	M

Figura 8. Método y técnica de recolección de datos.

5.5 Validación de datos

La información adquirida de las diez estaciones de SENAMHI, institución estatal encargada de realizar el control de la contaminación del aire a través del monitoreo constante y continuo ofrece los servicios de proveer datos oficiales y validados de estas diez estaciones de monitoreo y

medición continua de los elementos contaminantes troposféricos en la ciudad de Lima. La calidad de datos medidos los realiza desde la calibración de sus instrumentos y los métodos de medición con estándares internacionales de calidad, cuyos detalles de la técnica de medición y el instrumento están detallados para partículas en suspensión y gases se muestra en la figura 8 anteriormente indicado.

6. Calidad de aire y contaminación atmosférica

6.1 Generalidades

6.1.1 La atmosfera y sus características

a) Atmosfera

Según la Real Academia española – RAE, se define como atmosfera a la capa gaseosa que envuelve la tierra y a otros cuerpos celestes.

Por otro lado, Cuadrat y Pita (1997), afirman que la atmosfera es una capa gaseosa de 10 mil kilómetros de espesor aproximadamente que rodea la litosfera y la hidrosfera. Está compuesta de gases y partículas sólidas en suspensión, así como partículas liquidas los cuales son atraídos por la gravedad de la tierra

El mayor porcentaje de la masa atmosférica se encuentra por debajo de los 10 kilómetros de altitud. En la figura 9, se observa que, a partir de la cota de los 10 kilómetros a más, el monto porcentual de la masa está en un 20%, mientras que el 80% se encuentra en promedio por debajo de los 10 kilómetros.



Figura 9. Masa porcentual atmosférica en los 10Km de altitud.
Cuadrat y Pita, (1997)

Como se puede observar en la figura 9, la atmosfera se subdivide en dos regiones en base a los niveles porcentuales de masa atmosférica, la primera la zona espacial más densa que va de 0 a 10Km. y la segunda zona de 10Km hasta los 80Km donde la masa atmosférica es mínima.

b) Capas o zonas espaciales de la atmosfera

Según Estela R., María (2019), la atmosfera se subdivide en varias zonas espaciales conocidos también como capas atmosféricas:

- Tropósfera. Aquella que está en contacto con la superficie de la tierra, es la parte donde se hace los estudios del aire y su componente y aquí se acumula la mayor parte de los gases en el aire. Su longitud total alcanza los 10 km de altitud, es la zona que tiene mayor temperatura en comparación con las otras zonas de la atmosfera terrestre, aun cuando en sus límites exteriores la temperatura es -50° Celsius.
- Estratósfera. La dimensión de la zona espacial, es desde 10km a 50 km de altitud, y posee sub zonas con presencia de elementos de saturacion. Una de ellas es la ozonósfera, donde la radiación solar afecta al oxígeno, formando moléculas de ozono O3 que conforman la "capa de ozono".
- Mesósfera. Su dimensión varía entre 50 a 80 km., es la zona espacial intermedia de la atmósfera, es la zona de más baja temperatura en la atmósfera, llegando hasta -80° Celsius.
- Ionósfera o termósfera. Su dimensión esta entre los 80km hasta los 800 km de altitud, aquí el aire es de bajan densidad, permite oscilaciones de temperatura contrastantes influenciado por la intensidad solar, registra temperaturas de 1500° Celsius durante el día y -80 grados Celsius en la noche.
- Exósfera. Es la zona externa de la atmósfera terrestre, se encuentra más allá de los 800 km a los 10.000 km de altitud, allí tienen lugar la fuga de los elementos más livianos de la atmósfera, como el helio o el hidrógeno.

En la figura 10, se muestra las diferentes zonas espaciales donde podemos apreciar la altitud con relación a la superficie de la tierra.



Figura 10. Zonas espaciales atmosféricas con longitud media.

c) Aspectos físicos de la Atmosfera

En toda la zona espacial de la atmósfera terrestre se observa la presencia de los diversos tipos de gases, salta a la vista que el mayor porcentaje de masa se acumula en los primeros 10 km de altitud, asimismo, casi todos los investigadores coinciden que el 95% del aire se encuentra en esta zona espacial que está en contacto con la superficie de la tierra. Los principales gases presentes en los primeros 80 Kilómetros de la atmosfera son; nitrógeno 78,08%, oxígeno 20,94%, H2O del 1% al 4%, y a, nivel superficial el argón 0,93%. Otros que por su cantidad de saturación son despreciables m≡0.

La zona espacial comprendida desde los 80 km hacia arriba tiene capas diferenciadas de nitrógeno molecular entre los 80 kilómetros a los 400 km, oxígeno atómico de 400 kilómetros a los 1100 kilómetros, helio desde los 1100kilometros a los 3500 kilómetros y finalmente hidrógeno que va desde los 3500 kilómetros hasta los 10 mil kilómetros. Por otro lado, la presión y

temperaturas atmosféricas decrecen con la altitud, debido a la caída de temperatura en las capas exteriores que son poco densas, tal como se observa en la figura 10. Finalmente, en la estratósfera (entre 10 a 80 kilómetros de altitud), se encuentra la capa de ozono, motivo por el cual es conocido también como ozonósfera, en esta zona espacial de la atmosfera se encuentra una saturación densa de O3 que obstruye la radiación solar a la superficie de Lima. Asimismo, los gases presentes en esta zona y aquella que se encuentra entre los 10 primeros kilómetros forma una barrera de rápida dispersión del calor hacia el espacio, conocido como "efecto invernadero".

El presente estudio se desarrolló en la zona espacial conocido como troposfera que tiene un rango de altitud que va desde 0 a 10 kilómetros y es la zona donde la masa atmosférica se encuentra en un 80% de toda la atmosfera.

6.1.2 El aire y sus componentes

Según la Real Academia española – RAE, se define como un que se constituye como parte de la atmosfera de la tierra, con componentes principales de oxígeno y nitrógeno, además de otros componentes en menor cantidad como el anhídrido carbónico y moléculas de H2O, transparente, incoloro, inodoro e insípido; sin volumen definido.

Según el (Minan, 2019) el aire es una mezcla de diferentes tipos de gases, que forma la atmósfera de la Tierra y considera que el aire puro, que se encuentra alrededor de la Tierra tiene la siguiente composición volumetrica:

COMPONENTES	(%)
Nitrógeno-N2	78
Oxígeno-O2	21
De menor cuantía	1

Tabla 5. Principales componentes de aire.

Aparte de los gases mostrados en la tabla 5, existen otros gases que componen el aire entre ellos podemos indicar a los elementos de los gases nobles al Argón, Neón, Helio, Criptón, Xenón, Hidrógeno, Metano, y compuestos como el Óxido nitroso y vapor de agua cuya composición varía entre 0.5 y 4 %, además de estos también se encuentra el ozono en la zona espacial denominado troposfera (ozono troposférico), y partículas sólidas en suspensión. Estas partículas sólidas existen como parte del aire en dicha zona espacial de la troposfera, compuestos esencialmente por polvo arrastrado de la superficie de la tierra y cenizas volcánicas. Son por lo general menores a 10 micrómetros de diámetro. La figura 11, se muestra se muestra la zona donde se encuentran estos componentes del aire, así como la variación de la temperatura según va cambiando las zonas espaciales.



Figura 11. Longitudes de la troposfera donde se ubica el aire.

Adaptado del Ingeominas, Colombia (2010).

Se aprecia en la figura 12, la región del ozono el cual se encuentra en la zona espacial conocido como estratósfera es el escudo protector de la tierra frente a la radiación ultravioleta proveniente del sol, mientras que en la zona espacial denominado tropósfera, el ozono forma parte del aire, y se presenta como smog. En la troposfera, que es el, primer nivel de la atmósfera es donde ocurre, en su mayoría los fenómenos meteorológicos, como lluvia, granizada, tormenta eléctrica, vientos y, todos los fenómenos climáticos.

6.1.3 Componentes nocivos en el aire

El aire se contamina cuando el equilibrio de las sustancias que componentes, son alteradas, tornándose en una mezcla de partículas sólidas y gases en el aire.

a. Factores que alteran el equilibrio de los componentes básicos del aire

Entre ellos, destacan, la temperatura, la dirección vectorial de velocidad del viento y la altitud, son las principales causas para el incremento de la concentración de los elementos contaminantes del aire.

b. Gases de efecto invernadero en el aire

Estos gases que se muestran en la tabla 6, son el CO2, producto de la combustión, el NO2, el CH4, que se origina durante la explotación de hidrocarburos. La presencia de estos gases eleva la temperatura de la Tierra, y se calcula en promedio de 3.5 °C de incremento en el último siglo, y producirá que será la causa de las alteraciones de los ecosistemas.

Óxido Carbonico	.CO2
GAS_Metano	.CH4
Óxido Nitroso	.NO2

Tabla 6. Principales gases de efecto invernadero.

La figura 11, muestra la tendencia natural que tiene la temperatura del aire al disminuir en relación con la altitud a nivel de la troposfera, el mismo que parte de una media de 14°C, a -50°C,

con intervalos de 0.64 a 1°C, cada 100 metros de elevación; hoy esta razón numérica, se encuentra en un decremento de 1.5 a 2.1 grados Celsius por una longitud de 100 metros.

c. Eliminación del O3

Provienen de la reacción de una media de 90 productos químicos que, al llegar a la estratosfera, eliminan al ozono. Entre estos gases los principales son: Clorofluorocarbonos-CFC, Hidrofluorocarbonados-HFC, Halones, Bromuro de metilo, Tetracloruro de carbono, Hidrobromofluorocarbonos, Metilbromuro y Bromoclorometano.

La figura 12, esquematiza la alteración del equilibrio de la concentración de los elementos que componen el aire y algunos de ellos pasan a ser elementos contaminantes al incrementarse su concentración además de la introducción a la atmosfera sustancias gaseosos o solidas que no son componentes originales del aire y son producidas principalmente por la actividad del hombre.



Figura 12. Proceso de alteración de componentes del aire.

Minan, 2019.

d. Fuentes que incrementan la concentración de elementos contaminantes en el aire.

Los Vehículos motorizados, por el uso de hidrocarburos, emitiendo diversos gases como (CO, NO2, SO2), así como el plomo y partículas PMx a la atmósfera. El plomo (Pb) como elemento de contaminación del aire por estar presente en los hidrocarburos. Asimismo, están como principales focos de origen de elementos nocivos del aire las fábricas, fundiciones, combustión de basura, y causas naturales como la erosión de los suelos.

6.1.4 Calidad del aire

Son seis los elementos contaminantes del aire, tal como se aprecia en el ítem 4.1.3, de todos los componentes nocivos del aire, destacan 6 contaminantes principales.

- Partículas en suspensión PM10.- Se encuentra en forma de polvo fino que capaz de impregnarse en las paredes superficiales y tienen un diámetro menor a 10 micrómetros, motivo por el cual se le conoce como PM10.
- Partículas en suspensión PM2.5.- Son partículas más pequeñas de 2.5 micras de tamaño su presencia es debido a motivos naturales y antrópicas.
- Dióxido de Azufre SO2.- También conocidos como SOx, de propiedad incolora, residuo de la combustión de hidrocarburos. El SO2 daña el sistema respiratorio, sus efectos se potencializan al combinarse con partículas o la humedad del aire.
- Dióxido de nitrógeno NO2.- Conocido como NOx, de manera antropogénica. El NO2 penetra las regiones más profundas de los pulmones. Las fuentes en la naturaleza son la descomposición de nitratos orgánicos y las erupciones de los volcanes.
- 5. Ozono O3.- El ozono, es invisible, está en la troposfera donde se forma por la reacción química de óxido nítrico NO2 y los compuestos orgánicos volátiles-COV, más la energía de la luz solar. El Ozono se encuentra en la estratosfera y es la causante de la reflectancia de la radiación UV.
- 6. **El CO.-** Es incoloro e inodoro y en altas concentraciones puede es letal, se origina por la combustión incompleta de hidrocarburos, otras fuentes de CO aportantes de

este elemento es el humo de cualquier material producido en el proceso de quemado.

6.2 Indicador de calidad de aire

6.2.1 Indicador ICA

El índice de calidad del aire – ICA, en su forma original, representado por la figura 13, muestra la evolución inicial de los indicadores en el Perú.

Índice de Calidad del Aire					Punto	s de Corte d	lel ICA		
ICA	COLOR	CATEGORIA	PM10 μg/m³ 24 horas	PM2.5 μg/m³ 24 horas	CO µg/m³ 8 horas	SO ₂ µg/m³ 1 horas	NO2 μg/m³ 1 horas	Ο ₃ µg/m³ 8 horas	03 ⁽¹⁾ μg/m ³ 1 horas
0 -50	Verde	Buena	0-54	0-12	0 - 5094	0-93	0 - 100	0 - 106	
51 - 100	Amarillo	Aceptable	55 - 154	13-37	5095 - 10819	94 - 197	101 - 189	107 - 138	
101 - 150	Naranja	Dañina a la salud de grupos sensibles	155 - 254	38 - 55	10820 - 14254	198 - 486	190 - 677	139 - 167	245 - 323
151 - 200	Rojo	Dañina a la salud	255 - 354	56 - 150	14255 - 17688	487 - 797	678- 1221	168 - 207	324 - 401
201-300	Purpura	Muy dañina a la salud	355 - 424	151 - 250	17689 - 34862	798 - 1583	1222 - 2349	208 - 393	402 - 794
301-500	Marrón	Peligrosa	425 - 604	251 - 500	34863 - 57703	1584 - 2629	2350 - 3853	394 ⁽²⁾	795 - 1185

Figura 13. Índice de calidad de aire - ICA.

Minam 2008, adaptado de EPA y D.S. 003-2008

En base a la figura anterior, si las concentraciones de los contaminantes en el aire resultan mayores a las establecidas por el Índice de calidad de aire ICA, los niveles se clasifican en Bueno, Moderado, Malo, Muy malo y alerta máxima que se ve en el color morado.

Estado de calidad del aire	ICA	Efectos en la saiud	Acciones preventivas
Bueno	0 a 50	No hay riesgos en la salud	
Moderado	>50 a 100	Las personas de los grupos sensibles pueden presentar sintomas como tos y cansancio	
Malo	>100 a 200	La población puede padecer síntomas como tos seca, ojos cansados, ardor en la nariz y garganta	Reducir el esfuerzo físico y el trabajo pesado al aire libre
Muy maio	>200 a 300	Toda la población puede presentar agravamiento de los simomas como tos seca, cios cansados, andor en la nariz y garganta	Evitar cualquier esfuerzo físico al aire. libre
Alerta máxima	>300 a 500	Toda la población puede padecer riesgos graves y manifestaciones de enfermedades respiratorias y cardiovasculares. Aumento de las muertes prematuras en personas de los grupos más sensibles.	Evitar cualquier actividad al aire libre

Figura 14. Estados de calidad de calidad de aire ICA.

Minam 2008, adaptado de EPA y D.S. 003-2008

6.2.2 Niveles de concentración y calidad de aire

Propuesto en el año 2015 por el Ministerio del Ambiente, organismo encargado en temas de calidad del aire y afines.

El INCA es calculado por el Minam para representar y asignar un rango cualitativo del aire. Los valores del INCA se calculan tomando como referencia los Estándares de Calidad del Aire – ECA mostrado en la figura 15 del cual se toma el valor del rango final y de la figura16.

Tipos de	os de Material particulado (PM ₁₀)		Dióxido de	e azufre (SO ₂)	Monóxido de	e carbono (CO)
alerta	µg/m ³	Periodo	µg/m ³	Periodo	µg/m ³	Periodo
Cuidado	> 250	Promedio aritmético 24 horas	> 500	Promedio móvil 3 horas	> 1500	Promedio móvil 8 horas
Peligro	> 350	Promedio aritmético 24 horas	> 1500	Promedio móvil 2 horas	> 2000	Promedio móvil 8 horas
Emergencia	>420	Promedio móvil 8 horas	> 2500	Promedio móvil 90 minutos	> 35000	Promedio mõvil 8 horas

aire.
ai

Minam 2005

A	Forma del estándar						
nunte	nunte Periodo	HE/m ³	ppb 25ºC1.etm	ррт	Formato	Vigencia	unálisis
50 ₂	anual	80	30.6	0.03	Media aritmética, NE más de 1 vez al año	Vigente	Fluorescencia UV
	24 h	20	7.7	0.01		Enero 2014	
	24 h	150	\$0	-	NE más de 3 veces al año	Vigente	Separación inercial/filtración (gravimetria)
PM10	Anual	50	20		Media aritmética anual	Vigente	
	24 h	50	÷1			Enero 2010	Separación inercial/filtración (gravimetria)
PM2.5	Anual						
	24 h	25				Vigente	
co	1h	30000	26100.0	26.1	NE más de una vez al año	Vigente	Infrarrojo no
	8 h	10000	8700.0	8.7	Promedio móvil	Vigente	dispersivo
	1h	200	106.4	ं	NE más de 24 veces al año	Vigente	Quimioluminis- cencia
NU2	Anual	100	53.2	-	Media aritmética anual	Vigente	
03	8 h	120	61.2	<i>(</i> †	NE más de 24 veces al	Vigente	Fotometría UV

Minam 2008

A partir de las figuras 15 y 16, tanto el ECA y el INCA se dividen en 4 categorías. El verde significa aire bueno, el amarillo representa aire moderado, el anaranjado aire mala y finalmente el rojo indica que el aire se encuentra en alerta.

La figura 17, esquematiza lo indicado anteriormente.

Estado de la calidad del aire	Riesgo	Recomendaciones
BUENA	La calidad del aire se considera satisfactoria y no representa ningún riesgo.	La calidad del aire es acept- able y cumple con el ECA para el aire. Puede realizar actividades al aire libre.
MODERADA	Las personas de los grupos sensibles (niños, tercera edad, embaraza- La calidad del aire es a able y cumple con el E aire. Puede realizar das, personas con enfer- MODERADA das, personas con enfer- dades al aire libre con tas restricciones par grupos vulnerables. cardiovasculares cróni- cas) podrían experimentar algunos síntomas res- grupos vulnerables.	
MALA	Las personas de los gru- pos sensibles podrían experimentar daños a la salud. La población en general podría sentirse afectada.	Mantenerse atento a los in- formes de calidad del aire. Evitar realizar ejercicio y ac- tividades al aire libre.
UMBRAL DE CUIDADO	Toda la población puede verse afectada en la salud.	Implementar estados de alerta.

Figura 17. Clasificación del estado de calidad del aire.

Minam 2015

6.2.3 Niveles de concentración y tipo de aire

El de aire es establecido en un rango de variación numérica basado en los valores de las concentraciones en (µg /m3), para cada uno de los elementos contaminantes, para el caso de las partículas PM2.5 y PM10, las figuras 18 y 19 muestran la relación existente entre los valores de concentración de estas partículas con el estado del aire como "buena", "moderado", "mala", y "umbral de cuidado" con los rangos de calidad asignada.

Índice de calidad	PM2.5
del aire	(µg/mª)
0 - 50	0-12.5
51-100	12.6 - 25
101-500	25.1-125
>500	>125

Figura 18. Rango de valores para PM 2.5.

Minam (2015)

Ín	dice de calidad del aire	РМ ₁₀ (µg/m³)
	0 - 50	0 - 75
	51 - 100	76-150
	101 - 167	151-250
	>167	>250

Figura 19. Rango de valores para PM 10.

Fuente: Resolución Ministerial 112-2015-MINAM

Minam (2015)

Los rangos de valor para partículas PM10 y PM2,5, en relación con los elementos contaminantes indicados se presentan en la figura 20.

Material particulado (PM10) promedio 24 horas				
Intervalo del INCA	Intervalo de concentraciones (µg/m³)	Ecuación		
0-50	0-75			
51-100	76-150			
101-167	151-250	1 (PM10)= [PM10] - 100/150		
> 167	> 250			

Figura 20. Calculo de rangos de valor por elemento contaminante.

Material particulado (PM2,5) promedio 24 horas			
Intervalo del INCA Intervalo de concentraciones (µg/m ³)		Ecuación	
0-50	0 -12,5		
51-100	12.6-25		
101-500	25,1-125	1 (PM2,5)= [PM2,5] * 100/25	
> 500	>1 25		

Dióxido de azufre (SO2) promedio 24 horas		
Intervalo del INCA	Intervalo de concentraciones (µg/m³)	Ecuación
0-50	0-10	
51-100	11-20	
101-625	21-500	1 (SO ₂)= [SO ₂] - 100/20
> 625	> 500	

Dióxido de nitrógeno (NO ₂) promedio 1 hora			
Intervalo del INCA Intervalo de concentraciones (µg/m³)		Ecuación	
0-50	0-100		
51-100	101-200		
101-150	201-300	1 (NO ₂)= [NO ₂] + 100/200	
> 150	> 300		

Minam (2015)

6.2.4 Rangos de concentración de calidad de aire

Los rangos que se establecen a partir de la tabla anterior son;

Para PM₁₀

Figura 21. Cálculo de rangos de valor para PM10 y su relación con INCA.

INCA	Concentración µg/m ³
BUENA	0-75
MODERADA	76-150
MALA	151-250
VUEC"	> 250

Minam (2014)

Para PM_{2.5}

Figura 22. Cálculo de rangos de valor para PM2.5 y su relación con INCA.

INCA	Concentración µg/m ³
BUENA	0-12,5
MODERADA	12.6-25
MALA	25.1-125
VUEC'	>125

Minam (2014)

Por otro lado, la media anual o diaria lo establece el Minan según la tabla siguiente:

Partícula ensuspensión	Promedio en el tiempo
PM2.5	$10 \ \mu g \ /m^3$ media anual 25 $\ \mu g \ /m^3$ media de 24 horas
PM10	$20 \ \mu g \ /m^3$ media anual $50 \ \mu g \ /m^3$ media de 24 horas

Tabla 7.	Valor	medio	de	partículas	en	suspensión.
					••••	

Para PM10., El ECA (2008), elaborada por el Minan en el año 2008, establece que, para las partículas PM10, los valores promedios según duración deben ser 150 μ g /m3 en 24 horas de medición y 50 μ g /m3 la media anual, la Organización Mundial de la Salud OMS, (2005), establece 50 μ g /m3 como promedio en 24 horas y 20 μ g /m3 como promedio anual.

Para PM2.5, El mismo estándar de calidad del aire ECA, (2008), elaborada por el Minan en el mismo año, establece que, para las partículas PM 2.5, los valores promedios según duración deben ser 25 μ g/m3 en 24 horas de medición y 20 μ g /m3 la media anual, mientras que la Organización Mundial de la Salud OMS, (2005), establece 25 μ g /m3 como promedio en 24 horas y 10 μ g /m3 como promedio anual, tal como se muestra en la tabla siguiente, donde solo para las partículas PM 2.5 hay una diferencia de 10 unidades.

Partícula en	Promedio en el tiempo
suspension	
PM2.5-MINAN	$10 \mu g /m_{2}^{3}$ promedio x año.
	$25 \ \mu g \ /m^3$ promedio x 24 horas.
PM10-MINAM	$20 \ \mu g \ /m^3 promedio \ x \ año.$
	$50 \mu g /m^3$ promedio x 24 horas.
PM2.5-OMS	$10 \mu g /m^3$ promedio x año.
	$20 \mu g /m^3$ promedio x 24 horas.

Tabla 8. Comparación de valores medios para partículas.

PM10-OMS	$20 \ \mu g \ /m^3$ promedio x año. 50 $\ \mu g \ /m^3$ promedio x 24 horas
	50 µg/m promedio x 21 norus:

Para Dióxido de azufre SO₂

INCA	Concentración µg/m ³
BUENA	0-10
MODERADA	11-20
MALA	21-500
VUEC*	> 500

Figura 23. Cálculo de rangos de valor para SO₂.

Por tener una vida media relativamente corta en el espacio atmosférico, el SO2, entre 2 a 4 días, se encuentra casi limitad de ellas en la superficie terrestre, y la otra mitad se transforma en iones de sulfato SO4 (-), y al contacto con el aire se reduce a trióxido de azufre, que, al disolver en agua, este ion, es el catalizador de las lluvias acidas, así como también en sales. La comparación entre el ECA del Minan y la OMS se muestra en la siguiente tabla.

Tabla 9. Comparación de valores para SO₂.

Gas contaminante	Promedio en el tiempo
SO ₂ – ECA Minam	20 μg /m³ media anual 80 μg /m³ media de 24 horas
SO ₂ - OMS	500 μg /m ³ media para 10 minutos 20 μg /m ³ media de 24 horas

Para Dióxido de nitrógeno NO2

INCA	Concentración µg/m ³
BUENA	0-100
MODERADA	101-200
MALA	201-300
VUEC'	>300

Figura 24. Cálculo de rangos de valor para NO₂.

El nitrógeno es el elemento que se encuentra en mayor abundancia al 78 %, y presenta grupos de NOx, el NO; es relativamente inofensivo, pero el NO2, causar efectos dañinos en la salud. La comparación entre el ECA del Minan y la OMS se muestra en la siguiente tabla.

Gas contaminantePromedio en el tiempoNO2-ECA Minam $100\mu g/m^3$ media x año
 $200\mu g/m^3$ media x 1 horaNO2-OMS $40\mu g/m^3$ media x año
 $200\mu g/m^3$ media x 1 hora

Tabla 10. Comparación de valores para NO₂.

Como se observa en la tabla anterior, ambas entidades especializadas en temas de calidad de aire coinciden en cuanto a las concentraciones medias para este elemento contaminante en el aire al establecer la media para un tiempo de medición de una hora, sin embargo, para el promedio anual hay una diferencia de 100 µg /m3 en la medición de ECA Minam más que la medición que presenta la OMS.

Para el Ozono O₃.

Para este elemento el ECA del Minam establece el valor medio en 8 horas de 120 μ g /m3, mientras que la OMS establece 100 μ g /m3 para 8 horas, ninguno de ellas establece una media anual. Aquí se observa una diferencia de 20 μ g /m3 de concentración adicional en el ECA Minam respecto al valor de la OMS.

Gas contaminante	Promedio en el tiempo
O3 – ECA Minam	$120 \ \mu g \ /m^3$ media para 8 horas
O3 - OMS	100 µg /m ³ media para 8 horas

Tabla 11. Comparación de valores para O₃.

6.3 Modelos de basados en expresiones matemáticas

La medición de los niveles de calidad del aire es compleja, debido a la presencia de grandes cantidades de factores que influyen en su cálculo, por esa razón, se hacen a través de diferentes modelos de medición de calidad de aire. Los modelos son complejos y tienen el propósito de describir el estado de la atmósfera a su nivel molecular, por representaciones sintetizadas en expresiones matemáticas. Los modelos relacionados a la investigación del comportamiento de los contaminantes en el aire están aquellos denominados Gaussianos, Eulerianos, Lagrangeanos o la combinación en la aplicación en forma mixta.

6.3.1 Modelos con base Gaussiana

Este modelo tiene una dependencia importante a la fuente de emisión continua con una condición típica del foco emisor, el mismo que la posición geográfica observe un viento con dirección paralela al eje x., con una pluma de origen en la misma fuente y, esta pluma, también se desplaza en la dirección del viento. Asimismo, dentro de la pluma la distribución de los contaminantes cumple la distribución Gaussiana. La velocidad del viento tiene, una medición directa, sin existir medición para la estabilidad atmosférica, lo que implica una estimación a través de relaciones empíricas, basado en lecturas de temperatura, variables de viento y cobertura climatológica.

Algunas condiciones de frontera para este modelo se establecen como:

- 1. Considerar contante a las emisiones, en el periodo de la evaluación, esta condición, es conocido también como estado estacionario:
- Los parámetros meteorológicos en el periodo de evaluación tienen el carácter de constante.
- 3. Finalmente, la dirección y velocidad del viento con carácter homogéneo y horizontal, es decir, el viento es representativo para todo el dominio.

La figura siguiente nos muestra el esquema geométrico básico de un modelo Gaussiano, donde se puede visualizar los parámetros que utiliza en el proceso de cálculo, así como la proyección cónica de la dispersión de componentes en el aire.



Figura 25. Esquema conceptual del modelo Gaussiano.

Adaptación de Servicio Ambiental Chile (2019)

En la figura 25. Observamos la característica constante de sus parámetros; por tanto, este modelo, calcula la dispersión con los siguientes parámetros, una altitud efectiva He, que es siempre mayor que la altitud real de Hc.

6.3.2 Modelos con base Eulereana

Estos modelos, tratan de incluir la gran mayoría de los procesos atmosféricos y su complejidad. Dentro de esos procesos en el espacio atmosférico sobre todo los procesos físicos y procesos químicos juntamente con la dispersión. La mayor parte de los procesos se describen con ecuaciones matemáticas, su característica, es netamente matemático al tratar los procesos

físicos y químicos. Estas relaciones matemáticas, son ecuaciones diferenciales en (x,y,z). El modelo, también utiliza algoritmos numéricos y, de esta manera, describe la evolución espacial de la atmósfera en (x,y,z).

6.3.3 Modelos con base Lagrangeana

Basado en el movimiento del aire o de una partícula en la atmósfera, desde una posición Xi hasta Xf. con el cual, fácilmente calcula, la dirección de la partícula, en un intervalo de tiempo finito. Asi, establece la trayectoria que describe dicho punto a través de esa integración finita. El cálculo de la trayectoria entrega la información sobre el destino de la contaminación, para el cálculo de las cantidades de los elementos contaminantes, realiza el mismo proceso para muchas trayectorias, y, con la ayuda de algoritmos y ordenadores estima esta variable.

El requerimiento principal para el uso de los modelos Lagrangeanos es la disponibilidad de datos meteorológicos tetra-dimensionales, donde se incluyen las dimensiones X,Y,Z y en el espacio y el tiempo t.

6.3.4 Modelo MDLE

Este modelo es la que proponemos en este trabajo de investigación, sus características a diferencia de los modelos descritos el MDLE realiza los procesos de cálculo utilizando el algoritmo geoespacial de Kriging para realizar los cálculos de las concentraciones, donde hace uso la técnica del elipsoide 3D que le permite encontrar los valores georreferenciados de concentraciones correspondientes a los seis elementos contaminantes del aire, los cuales son las PM 2.5, PM10, SOx, NOx, O3, y CO. Asimismo mediante el algoritmos de Stirling realiza la interpolación de los valores en forma unidimensional adquiridas de cada uno de las diez estaciones de medición del SENAMHI hasta una altitud de los diez mil metros.

El modelo MDLE, incluye como ingreso de datos (INPUT), los resultados de dispersión del modelo Gaussiano en los puntos de origen de medición de cada estación de medición, para el cual, considera las coordenadas UTM de ubicación de dichas estaciones de medición y utilizando el factor de corrección alfa (α), relacionado a la altitud de medición (originalmente 10m) el mismo que toma el valor de quinientos metros.

Los pasos del proceso por el modelo MDLE son

- 1. Adquisición de datos con control de calidad del SENAMHI
- Cálculo de dispersión horizontal de concentraciones de los elementos contaminantes con el modelo gaussiano a quinientos metros de altitud de la superficie.
- Interpolación de valores de las concentraciones de los contaminantes hasta una altitud de diez mil metros de altitud, con el algoritmo de Stirling.
- Interpolación geoespacial de valores de las concentraciones a través del algoritmo de Kriging, en el espacio 3D del alcance del modelo.

7. Modelo de localización espacial - MDLE

7.1 Aspectos topográficos y climáticos

7.1.1 Topografía

La topografía del área de estudio es la superficie que se encuentra en el ámbito del modelo, es decir, el plano topográfico superficial de Lima Metropolitana, donde una de las características relevantes es que sus ejes norte y este se encuentran en coordenadas UTM, medidas en el sistema métrico, estos ejes, se relacionan con las coordenadas X,Y del modelo, más la altitud que es conocido como la altitud sobre el nivel del mar o cota, que en el modelo tiene su denominación de Eje Z o coordenada Z, cuya unidades de medida es el metro. La figura

siguiente muestra las curvas de nivel de la superficie topográfica que se encuentra dentro del ámbito del modelo.





Las siguientes figuras muestran la topografía en el modelo 3D y 2D respectivamente.



Figura 27. Curvas de nivel 3D de la superficie topográfica del modelo.



Figura 28. Curvas de nivel 2D de la superficie topográfica del modelo.

7.1.2 Clima

Los parámetros climatológicos o meteorológicos que el modelo considera como variables principales son la presión en atmosferas, temperatura en grados absolutos o kelvin, la velocidad promedio del viento en metros por segundo y finalmente la dirección promedio del viento en la región costa correspondiente al ámbito topográfico del modelo.

Temperatura, la temperatura ambiental que el modelo ingresa como datos son aquellas que se adquieren de SENAMHI correspondiente al mes de agosto del 2018, se esquematiza en la figura 29.



Figura 29. Temperatura mínima y máxima en Lima.

SENAMHI, (2018)

Velocidad y dirección de viento, esta es otro de los parámetros que el modelo MDLE considera entre sus variables, al igual que para la Temperatura, se considera el promedio anual en el mes de agosto del 2018 y sus unidades están en m/s para la velocidad y la dirección se expresa en grados, minutos y segundos sexagesimales respecto al eje sur – norte, cuyo promedio anual de orientación se observa en la figura adjunta. La medición se ha realizado a 10 metros sobre la superficie terrestre, la época con mayor carga de ventarrones del año es entre mayo a diciembre todo el año, con velocidades promedio del viento de más de 3.7 metros por segundo, el mes donde la velocidad del viento llega a su máxima valor es en setiembre con un valor promedio de velocidad del viento de 4,3 metros por segundo. Tal como muestra la siguiente figura.



Figura 30. Velocidad promedio del viento en Lima.

SENAMHI, (2018)

La dirección del viento, promedio en la ciudad de lima es de sur a norte, con inclinaciones respecto al eje sur norte de 60 a 90 grados sexagesimales hacia el oeste, tal como se muestra en la siguiente figura.



Figura 31. Dirección promedio de viento en Lima.

SENAMHI, (2018)

Presión atmosférica, los valores de la presión atmosférica varían según la cota o altitud respecto al nivel del mar, en este sentido en el modelo MDLE consideramos esa variación que está representando en la siguiente figura.





Potter y Wiggert, 2015



Figura 33. Variación de la temperatura según altitud.

Potter y Wiggert, 2015

En la atmosfera, al depender la densidad de la altitud y al depender la presión de la densidad, esta propiedad de la masa o materia hace que la presión depende de la altitud, y esta expresado por P 0 P(z), para el proceso de cálculo del modelo MDLE, establecemos la condición de "atmosfera estándar", donde la temperatura varia linealmente con la altitud T(z) = T0 – K, el valor de K, está relacionado a la gradiente geotérmica el mismo que en promedio es de 1.5 grados celsius en toda la troposfera que tiene un alcance de 10 mil metros de altitud, tal como se observa en la figura 35. Según Ramadan y Wiggert, (2015), la variación de la presión por cada 1km es del es de 2%, este es el valor de disminución de presión por cada kilómetro que consideramos en el Modelo MDLE.

7.2 Condiciones de frontera o dimensión 3D

7.2.1 Geométrica

Las dimensiones geométricas del modelo MDLE, es la de un paralelepípedo horizontal con un área en la base superficial de la tierra de 44 mil metros por 67 mil metros como se ve, en la figura 34.



Figura 34. Dimensiones del área de la base del paralelepípedo del modelo en plano X,Y.

Al aplicar una proyección vertical esta área, obtenemos el modelo en 3D desplegado en figura 35.



Figura 35. Condiciones de frontera 3D del modelo en espacio (X,Y,Z).



Figura 36. Vista en 3D de modelo MDLE.

7.2.2 Zonas espaciales atmosféricas

El alcance máximo del modelo en cuanto a la altitud está definido por el límite de la troposfera el mismo que se encuentra dentro de los diez mil metros desde el nivel, porque se considera hasta esta parte de la atmosfera como atmosfera estándar donde las variaciones de la temperatura y la presión tienen una gradiente constante, por tanto, dicha variación está representada por una función lineal. La figura 37, muestra este límite.



Figura 37. Distribución por altitud de la atmosfera.

Instituto de meteorología, Colombia (2016).



Figura 38. Altitud de la atmosfera con acumulación de ozono.

La altitud es una condición de frontera rígida, debido a que la temperatura y la presión varían en forma compleja, y dentro de los primeros diez mil metros están las zonas espaciales que el modelo considera, por la presencia de cota máxima de la superficie terrestre como Zona A, capa límite de la atmosfera como Zona B y la zona C como el espacio que se encuentra por encima de la capa limite.

La figura No. 39, muestra la frontera superficial en el mapa de relieve topográfico de Lima, área que es de alcance del modelo tal como mostramos en la caja de dialogo en el lado izquierdo del área. Mientras que la figura N. 40. Visualiza únicamente el área de la base horizontal del paralelepípedo del modelo MDLE.



Figura 39. Vista del área superficial del modelo MDLE.

Adaptación de la superficie en relieve de Google Earth.



Figura 40. Base rectangular del modelo MDLE.

Imagen de relieve adaptada de Google Earth.
7.3 Algoritmos del modelo

7.3.1 Algoritmo de Stirling

El algoritmo de Stirling se fundamenta en una función matemática continua donde F(x) es desconocida, y un grupo de valores de x son conocidos, en el presente estudio los valores conocidos son las concentraciones de los diversos elementos presentes en la atmosfera en un conjunto de puntos a lo largo de la proyección de los puntos de medición del aire a lo largo de los diez mil metros si denotamos a estos valores como f a Δx a la diferencia entre dos valores consecutivos de x. Además consideremos un subconjunto de m + 1 puntos (xk; xk+1; :::; xk+m) y por analogía matemática fn \equiv f(xn) para designar los valores conocidos de la funcion f en dicho subconjunto de valores.

Se define la diferencia finita progresiva de primer orden en el punto xk a:

$$\Delta fx = fk+1 - fk$$

Considerando la ecuación anterior podemos generalizar en la siguiente ecuación.

$$\Delta nfx = \Delta n-1 fk+1 - \Delta n-1 fk$$

En esta ecuación se puede observar que la diferencia finita de orden n en xk contiene información del valor de la función en xk y en los, n puntos situados a la derecha de xk. Para un conjunto de m + 1 puntos, podemos calcular, como máximo, hasta la diferencia finita de orden m.

Para la interpolación polinómica de Stirling, el algoritmo utiliza el polinomio de Newton – Gregory (NG), progresivo, dicho polinomio de orden m, se define en el punto xk según la expresión matemática siguiente:

$$Pm(x) = a0$$

+ a1(x - xk)
+ a2(x - xk)(x - xk+1)
+ a3(x - xk)(x - xk+1)(x - xk+2)
+
+ am (x - xk) (x - xk+1) (x - xk+m-1)

La ecuación anterior lo podemos generalizar como:

$$Pm(x) = \sum_{k=0}^{m} a0 \prod_{i=0}^{n-1} (x - xk - i)$$

Los coeficientes de Pm(x) se obtienen estableciendo la condición de interpolación, es decir,

$$P_m(x_n) = f_n \operatorname{con} n = k; k + 1; k + m$$

Obteniendo los valores en las distintas iteraciones:

$$a_0 = f_k; a_1 = \Delta f_k / \Delta x; a_2 = \Delta 2 f_k / 2! (\Delta x) 2, \dots a_n = \Delta n f_k / n! (\Delta x) n$$

Esto significa que, los coeficientes de Pm(x) se pueden obtener directamente a partir de las diferencias finitas progresivas (de orden 1,2,...n) en el punto xk.

A partir del polinomio de Newton Gregory, la Interpolación de Stirling permite obtener el valor de la función en un punto xk haciendo uso de los valores de los puntos consecutivos al lado derecho de xk., cuya ecuación se define por.

$$F_m(x) = f_k + \nabla f_k u + \nabla^2 f_k \frac{u(u+1)}{2!} + \nabla^3 f_k \frac{u(u+1)(u+2)}{3!} + \dots \\ + \nabla^m f_k \frac{u(u+1)\dots(u+m-1)}{m!} + O[(\Delta x)^{m+1}]$$

Ahora consideremos las expresiones D1NG en Xk de orden más bajo (m = 1), expresado por la ecuación:

$$F_1'(x_k) = \frac{1}{2\Delta x} [f_{k+1} - f_{k-1}] + O[(\Delta x)^2]$$

Si denominamos a la anterior expresión como D1ST (derivada primera en la aproximación de Stirling). La ventaja fundamental radica en que, incluyendo un solo termino, la D1ST es una aproximación de primer orden, mientras que la D1NG es de orden cero. Algo análogo ocurre con la derivada segunda. El orden más bajo (m = 2) para la derivada segunda en xk utilizando las fórmulas NG proporciona los valores:

D2NG prog
$$F_2''(x_k) = \frac{\Delta^2 f_k}{(\Delta x)^2} + O[\Delta x] = \frac{1}{(\Delta x)^2} [f_{k+2} - 2f_{k+1} + f_k] + O[\Delta x]$$

A partir de la ecuación D1ST para la derivada primera en xk, obtenemos el valor de la derivada segunda en xk como:

$$F_2''(x_k) = \frac{1}{2\Delta x} [F_2'(x_{k+1}) - F_2'(x_{k-1})]$$

Reemplazando aquí, tenemos

$$F_2^\prime(x_{k+1}) = {\mathsf y}^{F_2^\prime(x_{k-1})}$$
 , tenemos

$$F_2'(x_{k+1}) = \frac{1}{\Delta x} \left[\frac{3}{2} f_{k+1} - 2f_k + \frac{1}{2} f_{k-1} \right] + O[(\Delta x)^2]$$
$$F_2'(x_{k-1}) = \frac{1}{\Delta x} \left[-\frac{1}{2} f_{k+1} + 2f_k - \frac{3}{2} f_{k-1} \right] + O[(\Delta x)^2]$$

De donde llegamos a:

$$F_2''(x_k) = \frac{1}{(\Delta x)^2} [f_{k+1} - 2f_k + f_{k-1}] + O[(\Delta x)^2]$$

Esta ecuación que denominaremos D2ST es la derivada segunda en el algoritmo de aproximación de Stirling. Esta aproximación es de primer orden. Finalmente, consideramos la aproximación D1NGP de orden maas bajo para la derivada primera:

$$\frac{dy}{dt}\Big|_{t_n} = \frac{\Delta y_n}{\Delta t} + O[(\Delta t)]$$

La ecuación diferencial discretizada en el instante tn queda en la forma:

$$\frac{\Delta y_n}{\Delta t} = f_n + O[(\Delta t)]$$

y como $\Delta y_n = y_{n+1} - y_n,$

A partir de la ecuación D1ST para la derivada primera en xk, obtenemos el valor de la derivada segunda en xk como:

$$F_2''(x_k) = \frac{1}{2\Delta x} [F_2'(x_{k+1}) - F_2'(x_{k-1})]$$

Reemplazando aquí, tenemos

$$F_{2}'(x_{k+1}) = \frac{1}{\Delta x} \left[\frac{3}{2} f_{k+1} - 2f_{k} + \frac{1}{2} f_{k-1} \right] + O[(\Delta x)^{2}]$$

$$F_{2}'(x_{k+1}) = \frac{1}{\Delta x} \left[-\frac{1}{2} f_{k+1} + 2f_{k} - \frac{3}{2} f_{k-1} \right] + O[(\Delta x)^{2}]$$

De donde llegamos a:

$$F_2''(x_k) = \frac{1}{(\Delta x)^2} [f_{k+1} - 2f_k + f_{k-1}] + O[(\Delta x)^2]$$

Esta ecuación que denominaremos D2ST es la derivada segunda en el algoritmo de aproximación de Stirling. Esta aproximación es de primer orden. Finalmente, consideramos la aproximación D1NGP de orden maas bajo para la derivada primera:

$$\frac{dy}{dt}\Big|_{t_n} = \frac{\Delta y_n}{\Delta t} + O[(\Delta t)]$$

La ecuación diferencial discretizada en el instante tn queda en la forma:

$$\frac{\Delta y_n}{\Delta t} = f_n + O[(\Delta t)]$$

y como

,

$$\Delta y_n = y_{n+1} - y_n,$$

Las mediciones de los datos adquiridos para el cálculo inicial de contaminantes según el modelo propuesto son valores del mes de agosto del 2018.

7.4 Datos de entrada (Input)

Los datos que hemos adquirido del Servicio Nacional de Hidrología y Meteorología – SENAMHI, órgano oficial para monitorear el aire en la ciudad de Lima, corresponden al mes de agosto del 2019, estos datos ya cuentan un control de calidad, los instrumentos de medición, también se encuentran debidamente calibrado para realizar la lectura de las concentraciones en (µg/m3), de los seis elementos contaminantes, es decir, luego del proceso de recolección de los datos cuentan con certificación de calidad tanto en la técnicas como en la metodología. Asimismo, la instrumentación de los equipos calibrados también cumple con la estandarización para hacer la medición continua de cada componente contaminante atmosférico en las 10 estaciones de medición ubicada según el esquema de la figura 48 (ver plano georreferenciado en Anexo I, ítem 12), donde los valores con iniciales se realizan a 1 y 10 metros de altitud de la superficie de la tierra.

ESTACIÓN	ESTE	NORTE	ALTITUD
Puente piedra	274053.1	8687726.5	180
Carabayllo	278497.6	8683450.5	190
San Juan de Lurigancho	282308.4	8674688.3	240
San Martin de Porres	273047.6	8671604.2	60
Huachipa	287795.5	8670775.1	140
Ate	291126.1	8669830.2	360
Santa Anita	285388.5	8667920.9	270
Campo de Marte	277597.3	8664836.8	120
San Borja	281483.2	8660631.1	140
Villa María del Triunfo	291083.7	8654309.4	290

Tabla 12. Coordenadas UTM de las estaciones de monitoreo en metros.



Figura 41. Estaciones de toma de datos de SENAMHI.

Adaptación referencial de Senamhi.

Los datos de ingreso son de las 10 estaciones de monitoreo de calidad de aire del SENAMHI establecido en diez distritos estratégicos de Lima Metropolitana, estos datos son tablas

de los cinco contaminantes atmosféricos en estudio, a los cuales aplicamos la interpolación polinómica o de Stirling con la cual se obtiene de la tabla de datos de contaminantes mostrado en la figura No. 49 siguiente:

6													
7	ESTACION	Dat.Estac.	Altura	0	msnm	Altura de	estacion				1 atm = 1013	25Pa	
8	E01A	E01A	Vel.Viento	2.45	m/s	E01	A00	Vel. Viento	1.6 - 3.3 m/s	14	*C	Cota (m.) =	0
9	E01A00	E01A00	Temperat.	14	*C	0	msnm	Para z=h 0ms	nm	Pz =	101325Pa	donde Pa = P	ascales
10													
11	No. DE	Delta de	Presion en	Presion en	Temperatura	Velocidad	cota o altura	PM 2,5	PM 10	so,	NO,	٥.	co
12	Mediciones	Volumen m3.	atm.	Pa.	en grados Kelvin	de viento x altura m/s	msnm	µg/m*	µg/m*	µg/m*	µg/m*	µg/m*	µg/m*
13	1.00	1.00	1.00	101323.79	287.00	2.45	1.00	72.63	83.40	15.65	35.23	19.15	1969.95
14	2	0.999564	0.999762	101300.89	285.81	3.30	20	72.77	83.54	15.68	35.30	19.19	1973.70
15	3	0.999105	0.999524	101276.78	286.61	0.14	40	72.89	83.65	15.71	35.36	19.22	1977.00
16	4	0.998545	0.999285	101252.68	285.41	6.11	60	72.99	83.71	15.73	35.41	19.25	1979.82
17	5	0.998185	0.999048	101228.58	286.21	5.43	80	73.08	83.74	15.75	35.45	19.27	1982.18
18	6	0.997725	0.998811	101204.49	285.01	5.09	100	73.15	83.73	15.76	35.48	19.29	1984.05
19	7	0.997265	0.998573	101180.41	285.81	4.89	120	73.20	83.68	15.77	35.51	19.30	1985.48
20	8	0.996805	0.998335	101156.33	285.61	4.75	140	73.24	83.59	15.78	35.53	19.31	1986.43
21	9	0.996344	0.998098	101132.26	285.41	4.65	160	73.25	83.46	15.79	35.53	19.31	1986.90
22	10	0.995883	0.99786	101108.19	285.21	4.58	180	73.25	83.30	15.79	35.53	19.31	1986.90
23	11	0.995421	0.997623	101084.13	285.01	4.52	200	73.24	83.09	15.78	35.53	19.31	1986.43
24	12	0.99311	0.996436	100953.91	284.01	6.11	300	73.13	82.70	15.76	35.47	19.28	1983.59
25	13	0.990792	0.995251	100843.84	283.01	5.43	400	72.94	82.11	15.72	35.38	19.23	1978.40
26	14	0.988465	0.994068	100723.90	282.01	5.09	500	72.66	81.34	15.66	35.25	19.16	1970.88
	•	E01A E04	D PUENT	E PIDERA	CARABAYLLO	SJL S	AN MARTIN D	DE P()	4				Þ

Figura 42. Datos de ingreso en formato xls.

SENAMHI, 2018.

Como se observa en la figura 51., los datos indican diferencia de volumen, presión atmosférica, temperatura absoluta, velocidad de viento y cota sobre el nivel del mar en la parte izquierda y en la parte derecha se observan los valores de los contaminantes atmosféricos en el orden de izquierda a derecha de PM2.5, PM10, SOx, NOx, O3 y CO.

En la parte inferior, tenemos pestañas que muestran los límites pedidos en la adquisición representado por E01A y E04D y las mediciones propiamente dicho de las estaciones que van de norte a sur, desde Puente Piedra, Carabayllo, estación SJL, hasta estación SMP. Tal como se muestra en la figura No.50.

[
ESTACION	Dat.Estac.	Altura	187	msnm	Altura de	e estacion				1 atm = 1013	25Pa	
HUACHIP	HUACHIP	Vel.Viento	4.22945962	m/s	E22	2900	Vel. Viento	1.6 - 3.3 m/s	19	°C	Cota (m.) =	187
E22900	E22900	Temperat.	19	°C	187	msnm	Para z=h 0m	snm	Pz =	101325Pa	donde Pa = P	ascales
No. DE	Delta de	Presion en	Presion en	Temperatura	Velocidad	cota o altura	PM 2,5	PM 10	SO z	NO z	Ο,	со
Mediciones	Volumen m3.	atm.	Pa.	en grados Kelvin	de viento x altura m/s	msnm	µg / m *	µg / m *	µg / m *	µg / m *	µg / m *	µg / m "
1	1	0.997777	101099.77	292.00	4.23	187	35.74	186.7	0.17	80.26	0.08	2622
2	0.999709	0.997623	101084.13	291.87	5.54	200	35.73	187.05	0.17	80.24	0.08	2621.38
3	0.997471	0.996436	100963.91	290.87	7.77	300	35.68	186.97	0.17	80.13	0.08	2617.63
4	0.995225	0.995251	100843.84	289.87	6.91	400	35.59	186.48	0.17	79.92	0.08	2610.79
5	0.992972	0.994068	100723.90	288.87	6.48	500	35.45	185.57	0.17	79.61	0.08	2600.87
6	0.990714	0.992885	100604.11	287.87	6.22	600	35.28	184.24	0.17	79.22	0.08	2587.90
7	0.988447	0.991705	100484.46	286.87	6.05	700	35.06	182.50	0.17	78.73	0.08	2571.94
8	0.986175	0.990525	100364.96	285.87	5.92	800	34.80	180.36	0.17	78.15	0.08	2553.03
9	0.983895	0.989347	100245.59	284.87	5.83	900	34.50	177.84	0.17	77.48	0.08	2531.25
10	0.981609	0.98817	100126.37	283.87	5.76	1000	34.17	174.94	0.16	76.73	0.08	2506.67
11	0.979316	0.986995	100007.29	282.87	5.70	1100	33.80	171.69	0.16	75.89	0.08	2479.37
12	0.977016	0.985821	99888.35	281.87	5.65	1200	33.39	168.10	0.16	74.98	0.08	2449.46
13	0.974709	0.984649	99769.55	280.87	5.61	1300	32.95	164.20	0.16	73.98	0.07	2417.03
14	0.972395	0.983478	99650.90	279.87	5.58	1400	32.47	160.01	0.16	72.92	0.07	2382.19
• •	SAN MARTI	N DE PORRES	HUACHI	ATE	SANTA ANIT	A CAMPO	DE 🕂					Þ
o					PROMED	010: 2986252.33	B RECUENTO:	3 SUMA: 895	8757 🌐			+ 100 9

Figura 43. Datos de ingreso SENAMHI en formato xIs para Huachipa.

SENAMHI, (2018)

Finalmente se observa el formato que muestra los datos hasta Villa María del Triunfo, según se muestra en la figura 51.

Figura 44. Datos de ingreso SENAMHI en formato xIs para VMT.

6												
7	Dat.Estac.	Altura	292	msom	Altura de	e estacion				1 atm = 1013	25Pa	
8	VTM	Vel Viento	3.1	m/s	F23	3500	Vel. Viento	1.6-3.3 m/s	20	*C	Cota (m.) =	292
9	E23500	Temperat.	20	°C	292	msom	Para z=h 0msor	m	P7 =	101325Pa	donde Pa = Pa	scales
10										101010-0		
11	Delta de	Presion en	Presion en	Temperatur a	Velocidad	cota o altura	PM 2,5	PM 10	so,	NO,	٥.	со
12	Volumen m3.	atm.	Pa.	en grados Kelvin	de viento x altura m/s	msnm	µg/m*	µg/m*	µg/m*	µg/m*	pg/m*	µg/m*
13	1.00	1.00	100973.52	293.00	3.10	292.00	27.22	104.40	4.08	6.52	2.10	865.95
14	0.999822	0.996436	100963.91	292.92	4.18	300	27.18	104.61	4.07	6.51	2.10	864.71
15	0.997595	0.995251	100843.84	291.92	5.43	400	27.11	104.58	4.06	6.49	2.09	862.45
16	0.995361	0.994068	100723.90	290.92	5.09	500	27.01	104.32	4.05	6.47	2.08	859.18
17	0.993121	0.992885	100604.11	289.92	4.89	600	26.87	103.82	4.03	6.44	2.07	854.89
18	0.990873	0.991705	100484.45	288.92	4.75	700	26.71	103.09	4.00	6.40	2.05	849.62
19	0.98862	0.990525	100364.96	287.92	4.65	800	26.51	102.14	3.97	6.35	2.05	843.37
20	0.986359	0.989347	100245.59	285.92	4.58	900	26.28	100.95	3.94	6.30	2.03	835.18
21	0.984092	0.98817	100126.37	285.92	4.52	1000	26.03	99.57	3.90	6.24	2.01	828.06
22	0.981818	0.986995	100007.29	284.92	4.48	1100	25.75	97.97	3.86	6.17	1.99	819.04
23	0.979537	0.985821	99888.35	283.92	4.44	1200	25.44	96.17	3.81	6.09	1.96	809.16
24	0.977249	0.984649	99769.55	282.92	4.41	1300	25.10	94.18	3.76	6.01	1.94	798.45
25	0.974954	0.983478	99650.90	281.92	4.38	1400	24.74	92.02	3.71	5.93	1.91	785.94
26	0.972653	0.982308	99532.38	280.92	4.36	1500	24.35	89.70	3.65	5.83	1.88	774.67
27	0.970344	0.98114	99414.01	279.92	4.34	1600	23.94	87.22	3.59	5.74	1.85	761.69
	€ →	ATE SA	NTA ANITA	CAMPO D	E MARTE	SAN BORJA	VMT	(+) ; (•

A partir de estos 12 libros que se presentan en la parte inferior del formato xls, los mismos que van desde (E01A,, VTM), mostrados anteriormente, mediante procesos simples de manejo de base de datos, simplificamos la totalidad de estos datos solamente a cuatro archivos principales que el modelo MDLE tiene estructurado para el ingreso masivo de datos, estos 4 archivos tienen en su estructura las mediciones de la totalidad de las estaciones cuyo inicio de dicho archivo mostrado en la figura 52, muestra los 30 primeras mediciones que ingresa al modelo.

1	STAT-ID	FROM	то	SAMPLE_No	PM25	PM10	SOx	NOx	0_3	COx
2	E01A00	0.00	4000.00	E01A00-1	35.93	16.28	7.74	17.43	9.47	974.56
3	E01A00	4000.00	4500.00	E01A00-2	40.38	22.13	8.70	19.59	10.65	1095.37
4	E01A00	4500.00	5000.00	E01A00-3	43.28	26.00	9.33	20.99	11.41	1173.92
5	E01A00	5000.00	5500.00	E01A00-4	46.11	30.06	9.94	22.37	12.16	1250.65
6	E01A00	5500.00	6000.00	E01A00-5	48.83	34.22	10.52	23.69	12.88	1324.48
7	E01A00	6000.00	6500.00	E01A00-6	51.41	38.39	11.08	24.94	13.56	1394.35
8	E01A00	6500.00	7000.00	E01A00-7	53.80	42.44	11.59	26.10	14.19	1459.19
9	E01A00	7000.00	7500.00	E01A00-8	55.97	46.26	12.06	27.15	14.76	1518.00
10	E01A00	7500.00	8000.00	E01A00-9	57.88	49.74	12.47	28.07	15.26	1569.81
11	E01A00	8000.00	8100.00	E01A00-10	59.50	52.77	12.82	28.86	15.69	1613.75
12	E01A00	8100.00	8200.00	E01A00-11	60.80	55.27	13.10	29.49	16.03	1649.08
13	E01A00	8200.00	8300.00	E01A00-12	62.06	57.74	13.37	30.10	16.36	1683.18
14	E01A00	8300.00	8400.00	E01A00-13	63.26	60.17	13.63	30.69	16.68	1715.94
15	E01A00	8400.00	8500.00	E01A00-14	64.42	62.54	13.88	31.25	16.99	1747.27
16	E01A00	8500.00	8600.00	E01A00-15	65.52	64.85	14.12	31.78	17.27	1777.04
17	E01A00	8600.00	8700.00	E01A00-16	66.55	67.07	14.34	32.28	17.55	1805.18
18	E01A00	8700.00	8800.00	E01A00-17	67.53	69.19	14.55	32.76	17.80	1831.58
19	E01A00	8800.00	8900.00	E01A00-18	68.43	71.21	14.75	33.20	18.04	1856.15
20	E01A00	8900.00	9000.00	E01A00-19	69.27	73.10	14.93	33.60	18.26	1878.82
21	E01A00	9000.00	9100.00	E01A00-20	70.03	74.86	15.09	33.97	18.46	1899.50
22	E01A00	9100.00	9200.00	E01A00-21	70.72	76.48	15.24	34.30	18.65	1918.13
23	E01A00	9200.00	9300.00	E01A00-22	71.33	77.95	15.37	34.60	18.81	1934.63
24	E01A00	9300.00	9400.00	E01A00-23	71.86	79.25	15.48	34.86	18.94	1948.96
25	E01A00	9400.00	9500.00	E01A00-24	72.30	80.38	15.58	35.07	19.06	1961.06
26	E01A00	9500.00	9600.00	E01A00-25	72.66	81.34	15.66	35.25	19.16	1970.88
27	E01A00	9600.00	9700.00	E01A00-26	72.94	82.11	15.72	35.38	19.23	1978.40
28	E01A00	9700.00	9800.00	E01A00-27	73.13	82.70	15.76	35.47	19.28	1983.59
29	E01A00	9800.00	9820.00	E01A00-28	73.24	83.09	15.78	35.53	19.31	1986.43
30	E01A00	9820.00	9840.00	E01A00-29	73.25	83.30	15.79	35.53	19.31	1986.90
31	F01A00	9840.00	9860.00	E01A00-30	73.25	83.46	15 79	35.53	1931	1986.90
	< →	. Station	A_SPACE	StationA_ASSAYS	s (+)	1	4			Þ

Figura 45. Datos de ingreso del inicio del archivo Station_ASSAY.

En la figura 52, del archivo denominado "Station_ASSAY", se muestra el final del archivo indicando los datos finales del mismo archivo que están en el rango de 7,221 a 7,248 que es el último valor de las mediciones que ingresa al modelo para este archivo.

7221	STAM-ID	FROM	TO	SAMPLE_NO	PM25	PM10	S02	NO2	03	00
7222	E23520	8100.00	8200.00	E23520-11	24.04	94.01	4.64	2.70	0.39	536.22
7223	E23520	8200.00	8300.00	E23520-12	24.53	97.99	4.74	2.76	0.39	547.30
7224	E23520	8300.00	8400.00	E23520-13	25.01	101.88	4.83	2.81	0.40	557.96
7225	E23520	8400.00	8500.00	E23520-14	25.47	105.68	4.92	2.87	0.41	568.14
7226	E23520	8500.00	8600.00	E23520-15	25.90	109.36	5.00	2.91	0.42	577.82
7227	E23520	8600.00	8700.00	E23520-16	26.31	112.89	5.08	2.96	0.42	586.97
7228	E23520	8700.00	8800.00	E23520-17	26.70	116.27	5.15	3.00	0.43	595.56
7229	E23520	8800.00	8900.00	E23520-18	27.05	119.46	5.22	3.04	0.43	603.55
7230	E23520	8900.00	9000.00	E23520-19	27.38	122.46	5.29	3.08	0.44	610.92
7231	E23520	9000.00	9100.00	E23520-20	27.68	125.24	5.34	3.11	0.44	617.64
7232	E23520	9100.00	9200.00	E23520-21	27.96	127.78	5.40	3.15	0.45	623.70
7233	E23520	9200.00	9300.00	E23520-22	28.20	130.08	5.44	3.17	0.45	629.07
7234	E23520	9300.00	9400.00	E23520-23	28.41	132.12	5.48	3.20	0.46	633.73
7235	E23520	9400.00	9500.00	E23520-24	28.58	133.88	5.52	3.22	0.46	637.66
7236	E23520	9500.00	9600.00	E23520-25	28.72	135.36	5.54	3.23	0.46	640.85
7237	E23520	9600.00	9700.00	E23520-26	28.83	136.55	5.56	3.24	0.46	643.30
7238	E23520	9700.00	9800.00	E23520-27	28.91	137.44	5.58	3.25	0.46	644.99
7239	E23520	9800.00	9820.00	E23520-28	28.95	138.02	5.59	3.26	0.46	645.91
7240	E23520	9820.00	9840.00	E23520-29	28.96	138.31	5.59	3.26	0.46	646.06
7241	E23520	9840.00	9860.00	E23520-30	28.96	138.53	5.59	3.26	0.46	646.06
7242	E23520	9860.00	9880.00	E23520-31	28.95	138.69	5.59	3.26	0.46	645.91
7243	E23520	9880.00	9900.00	E23520-32	28.94	138.79	5.58	3.26	0.46	645.60
7244	E23520	9900.00	9920.00	E23520-33	28.92	138.82	5.58	3.25	0.46	645.14
7245	E23520	9920.00	9940.00	E23520-34	28.89	138.80	5.58	3.25	0.46	644.53
7246	E23520	9940.00	9960.00	E23520-35	28.85	138.72	5.57	3.25	0.46	643.76
7247	E23520	9960.00	9980.00	E23520-36	28.81	138.57	5.56	3.24	0.46	642.84
7248	E23520	9980.00	9990.00	E23520-37	28.77	138.37	5.55	3.24	0.46	641.77
7249	E23520	9990.00	10000.00	E23520-38	28.71	138.10	5.54	3.23	0.46	640.55
7250										
7251										
	→ …	Station/	SPACE	StationA_ASSA1	S 🕂	:	4			•
	,	station	SPACE	StationA_ASSA1	• •	:				

Figura 46. Datos de ingreso del final del archivo "Station_ASSAY.

Como podemos observar el tamaño de la base de datos en número de registros es de 7,249 esto es en uno de los 4 archivos que se muestra en la figura 54. Asimismo, en este grafico se observa los libros que van de izquierda a derecha desde Station_HEADER, Station_SURVEY y StatioN_SPACE, los mismos que con el primer archivo Station_ASSAY, conforman los 4 archivos principales de ingreso de datos al modelo MDLE.

1	STAT-ID	LOCATIONX	LOCATIONY	LOCATIONZ	LENGTH	ZONE	
2	E01A00	258772.1	8705786.4	0	10000	ZONE 1	
3	E02B00	301776.5	8705786.4	1111	8889	ZONE 1	
4	E03C00	304743.5	8641591.4	327	9673	ZONE 1	
5	E04D00	260991.1	8641087.4	0	10000	ZONE 1	
6	E01A01	261772.1	8705786.4	88	9912	ZONE 1	
7	E01A02	263772.1	8705786.4	492	9508	ZONE 1	
8	E01A03	265772.1	8705786.4	364	9636	ZONE 1	
9	E01A04	267772.1	8705786.4	263	9737	ZONE 1	
10	E01A05	269772.1	8705786.4	248	9752	ZONE 1	
11	E01A06	271772.1	8705786.4	575	9425	ZONE 1	
12	E01A07	273772.1	8705786.4	865	9135	ZONE 1	
13	E01A08	275772.1	8705786.4	958	9042	ZONE 1	
14	E01A09	277772.1	8705786.4	1464	8536	ZONE 1	
15	E01A10	279772.1	8705786.4	1211	8789	ZONE 1	
16	E01A11	281772.1	8705786.4	868	9132	ZONE 1	
17	E01A12	283772.1	8705786.4	756	9244	ZONE 1	
18	E01A13	285772.1	8705786.4	694	9306	ZONE 1	
19	E01A14	287772.1	8705786.4	781	9219	ZONE 1	
20	E01A15	289772.1	8705786.4	736	9264	ZONE 2	
21	E01A16	291772.1	8705786.4	984	9016	ZONE 2	
22	E01A17	293772.1	8705786.4	1309	8691	ZONE 2	
23	E01A18	295772.1	8705786.4	878	9122	ZONE 2	
24	E01A19	297772.1	8705786.4	952	9048	ZONE 2	
25	E01A20	299772.1	8705786.4	1043	8957	ZONE 2	
26	E04D01	261772.1	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
27	E04D02	263772.1	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
28	E04D03	265772.1	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
29	E04D04	267772.1	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
30	E04D05	269772.1	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
31	E04D06	2717721	8640591.4	0	10000	ZONE 1	
	< ▶	StationA_H	HEADER Static	INA_SURVEY	StationA_S	SPACE Sta (+) : [+]	1
1151	in in						100

Figura 47. Cuatro archivos principales de ingreso al MDLE.

Luego, a partir de estos cuatro archivos, cambiamos de formato de xls, a formato csv, los mismos que se muestran en la figura 55.

Figura 48. Archivos principales del MDLE en formato SCV.



Estos son los cuatro archivos en formato SCV que el modelo MDLE almacena dentro de su estructura interna para luego procesar y ejecutar los algoritmos del modelo en base a las fórmulas tanto de Stirling como de Kriging, obteniendo la información de salida.

7.5 Proceso de calculo

7.5.1 Interpolación en 2D

La ejecución de los algoritmos se realiza en dos etapas, inicialmente se ejecuta en el plano de vista de planta, mediante 100 iteraciones en el área que le asignemos en forma manual, tal como se muestra en la figura 56, donde el área de color rojo es la que se le asigna en forma gráfica y las coordenadas UTM de color azul, indican la posición georreferenciadas de la superficie terrestre, por supuesto el área de color rojo, donde se procesa la información se encuentra dentro de las condiciones de frontera del modelo MDLE.



Figura 49. Interpolación 2D del MDLE en el área asignada.

7.5.2 Interpolación en 3D

Para la ejecución de los algoritmos en el espacio tridimensional, donde se da solución al sistema de ecuaciones lineales de kriging, se activa las condiciones geométricas del modelo, tal como se muestra en la figura No. 57. Donde el área de color rojo es la que se le asigna en forma gráfica y las coordenadas UTM de color azul, indican la posición georreferenciada de la superficie terrestre, por supuesto el área de color rojo, donde se procesa la información se encuentra dentro de las condiciones de frontera del modelo MDLE.



Figura 50. Interpolación 3D en todo el ámbito del MDLE.

En la figura No. 58, vemos la asignación grafica del espacio que deseamos ejecutar la interpolación, donde, gráficamente seleccionamos con el cuadro interactivo toda la geometría del modelo preferentemente iniciando desde el centro del objeto.



Figura 51. Selección en 3D de todo el ámbito del MDLE.

La línea que se encuentra en el medio del objeto geométrico es el área de selección, el mismo que se desplaza en las vistas de planta según el rango de iteración que elegimos, la figura 59, es otra vista desde un Angulo más cercano, esto es posible aplicando zoom del soporte lógico que estamos utilizando en este caso el Gemcom.



Figura 52. Zoom en 3D del área de selección.

Finalmente, en la figura 60 observamos la totalidad de los puntos a interpolar en todo el ámbito geométrico del modelo, nótese que, el área de selección se ha desplazado a la parte superficial de la geometría del modelo, es decir al límite de la condición de frontera vertical.



Figura 53. Desplazamiento del área de selección al extremo superior del modelo.

7.6 Datos de salida (Output)

7.6.1 Isovalores de partículas

Luego del proceso de cálculo el modelo MDLE, presenta los valores de las partículas en suspensión para las diferentes altitudes sobre el nivel del mar, desde los valores que van en la superficie topográfica, hasta una altitud del límite de h, que está representada por la variable Zk, para k = 1....., 10000 metros, estos mapas podemos ver en 3D y en 2D, desde la zona 1, donde Zk, varia de 0 a 1914 msnm. La figura 61, muestra el mapa de isovalores (en color verde) de las partículas PM10 en 3D.



Figura 54. Vista en 3D de isovalores de PM10.

Por el amplio alcance geográfico no se pueden apreciar las isovalores, por lo que mostramos a continuación en 2D, tal como se muestra en la figura 62.



Figura 55. Vista en 2D de isovalores de PM10.

En la figura 63, visualizamos las isovalores a otra altitud diferente, siempre en el rango de 10 a 10000, ya que la condición de frontera topográfica está limitada hasta esta cota.



Figura 56. Vista en 3D de isovalores de PM10 en otra cota.

La figura 64 muestra las isovalores de PM10 después de aplicar el zoom en el área de la vista en planta.



Figura 57. Curvas de isovalores de PM10.

7.6.2 Isovalores de gases

Las curvas para los isovalores de los elementos gaseosos contaminantes del aire se muestran en la figura 65. Mostramos para el CO, desde la totalidad hasta las más ampliadas con zoom.



Figura 58. Curvas de isovalores de CO.

Otra vista más cercana nos muestra la figura 66, mostramos el acercamiento de una parte del mapa de isovalores mediante el ZOOM de soporte informático del modelo y visualizamos este interfaz.



Figura 59. Curvas de isovalores de CO ampliada con zoom.

Finalmente, podemos apreciar en la figura No. 67, los valores que el modelo ha obtenido mediante la interpolación de Stirling y Kriging, respectivamente.



Figura 60. Curvas de isovalores de CO a detalle.

8. Resultados

8.1 Análisis e Interpretación de resultados

8.1.1 Estadística de resultados

a. Análisis lineal

La información estadística de los datos que ingresaron para la ejecución de los dos algoritmos se presenta en los cuadros siguientes, donde mostramos, los histogramas de distribución normal y log-normal del análisis lineal y asimismo los reportes del análisis multivariable. Solamente presentamos en esta parte del presente documento los análisis de algunos elementos contaminantes, la presentación del análisis para el resto de los elementos se encuentra en el anexo. Los siguientes gráficos, muestran para la partícula en suspensión PM_{2.5}.



Figura 61. Histograma de distribución normal para PM_{2.5.}



Figura 62. Histograma de log-normal para PM_{2.5.}





b. Análisis lineal



Figura 64. Interrelación multivariada para PM 2.5 y SO2.

Figura 65. Interrelación multivariada para PM 2.5 y PM 10.





Figura 66. Interrelación multivariada para O₃ y SO₂.

8.2 Geoestadística de resultados

Los diversos resultados del análisis geoestadistico del modelo, presentamos en las siguientes Figuras.



Figura 67. Semi variogramapara PM 2.5.



Figura 68. Semi variograma para O_{3.}

Figura 69. Semi variograma espacial para PM 2.5 y SO2.



8.3 Interpretación de resultados para PM₁₀

a. Instrumentos de interpretación

La evolución de los estándares o índices de calidad del aire – ICA, oficializada por el Minam en el 2008, fue adaptado de los estándares de calidad de la EPA, tal como se muestran los valores en la tabla. 13.

Desde el año 2000 estos valores se venían utilizando en la calificación del estado del aire y los rangos establecidos en el ICA, estaban muy elevados.

Índice de Calidad del Aire - ICA	PM ₁₀ (μg /m ³) 24 Horas	SO (µg /m ³) 24 Horas	NO ₂ (μg /m ³) 01 Horas	O3 (µg /m ³) 08 Horas
0 - 50	0 - 50	0 - 20	>0 - 40	>0 - 60
>50 - 100	>50 - 150	>20 - 80	>40 - 200	>60 - 120
>100 - 200	>150 - 250	>80 - 500	> 200	▶ 120
>200 - 300	>250 - 420	>500 - 2500		
> 300	> 420	> 2500		

Tabla 13. Colores y rango de valores establecidos por ICA - Minam.

Minam (2008).

Asimismo, tenemos también el estado de la calidad del aire y el rango del índice establecido. La siguiente tabla, muestra estos índices y el estado del aire para ICA.

Estado	Rangos
de	del
Colidad dal Aira	ICA
	ICA
Bueno	0 - 50
Moderado	>50 - 100
Malo	>100 - 200
Muy malo	>200 - 300
Alerta máxima	>300 - 500

Tabla 14. Estado, rango y color de calidad de aire.

Minam (2008).

El indicador INCA.

Para obtener este Índice Nacional de Calidad de Aire – INCA, oficializada para por el Minam en el 2015, los valores que a continuación mostramos son las que se consideran a partir de dicho año. El INCA, es cuasi similar al ICA, pero con algunas diferencias, tal como mostramos en la tabla No. 15.

Rangos	PM10	Rangos	PM 2.5		
INCA	(µg /m ³)	INCA	(µg /m ³)		
PM10	24	PM 2.5	01		
	Horas		Horas		
0 - 50	0 - 75	0 - 50	0 - 12.5		
>51 - 100	>76 - 150	>51 - 100	>12.6 - 25		
>101 - 167	>151 - 250	>101 - 500	>25.1 - 125		
> 300	> 250	> 500	> 125		

Tabla	15	Índice	INCA	nara	nartículas	en sus	nensión
i abia	15.	Indice	INCA	para	particulas	cii 3u3	pension.

Minam (2008).

Rangos INCA	$\frac{SO2}{(\mu g / m^3)}$	Rangos INCA	$\frac{NO2}{(\mu g / m^3)}$
SO2	24 Horas	NO2	01 Horas
0 - 50	0 - 10	0 - 50	0 - 100
>51 - 100	>11 - 20	>51 - 100	>101 - 200
>101 - 625	>21 - 500	>100 - 150	>201 - 300
> 625	> 500	> 150	> 300

Tabla 16. Índice INCA para SOx y NOx.

Minam (2015).

A diferencia de ICA, el INCA considera como estado de la calidad del aire, como una categoría de calidad del aire, considerando solo cuatro categorías llamado también nivel de calidad del aire asignando, con los colores que indicamos en la tabla 17, a cada categoría.

Categoría del	Índice de Calidad del Aire – INCA				
Nivel de Calidad	(Valores adimensionales)				
del Aire	PARA	PARA	PARA	PARA	
	PM 2.5	PM 10	SO ₂	NO ₂	
Buena	0 - 50	0 - 50	0 - 50	0 - 50	
Moderada	>51 - 100	>51 - 100	>51 - 100	>51 - 100	
Mala	>101 - 500	>101 - 167	>101 - 625	>100 - 150	
Umbral de cuidado	> 500	> 300	> 625	> 150	

Tabla 17. Categorías del estado del aire según color y rango INCA.

Minam (2015).

Las concentraciones de cada elemento contaminante que define por su concentración en el aire mostramos en la tabla No. 18. Estos rangos son independientes del rango de INCA.

Tabla 18.	Rango del	valor de con	centración en µ	ıg /m3, por	cada elemento	contaminante.

Estado del Aire	Rango del valor de medición del contaminante enµg $$/m^3$$					
	PM 2.5	PM ₁₀	SO2	NO2		
Según corresponde.	0 - 12.5	0 - 75	0 - 10	0 - 100		
Según corresponde.	>12.6 - 25	>76 - 150	>11 - 20	>101 - 200		
Según corresponde.	>25.1 - 125	>151 - 250	>21 - 500	>201 - 300		
Según corresponde.	> 125	> 250	> 500	> 300		

Para ver la independencia de los rangos de valores de concentración por cada contaminante, con el rango del INCA, nos indica que, si la medición promedio de PM 10 es de 70 μ g /m3, este pertenece al rango de valor de concentración entre 0 a 75, lo que significa que pertenece al rango de 0 a 50 del INCA, y la categoría del aire es buena el mismo que se representa por el color verde, como observamos el rango INCA es menor que el rango valor de concentración de componente atmosférico, en este caso PM₁₀.

b. Resultados de concentración de PM 10, del modelo MDLE.

En la figura 70, es la información que entrega el modelo MDLE, en la parte de la leyenda se muestran los rangos de las concentraciones en µg /m3, para PM 10, en una vista de planta incluyendo las coordenadas UTM de ubicación real.



Figura 70. Isovalores de PM₁₀ en lima metropolitana.

Los isovalores que se muestran como resultado del modelo MDLE, son calculados a una altitud de 5000 m s.n.m., en la leyenda muestra la variación de los valores de las concentraciones de las partículas PM10, esto indica que, el comportamiento de este elemento contaminante se dispersa siguiendo las características mostradas en los isovalores de la figura 70.

Los correspondientes valores mostrados en la parte inferior derecha de la figura 71, son rangos establecidos para cada isovalor de μ g /m3, de PM10 en a una altitud de 5 km de altitud en el espacio, en este caso es la zona, correspondiente a la zona espacial 2, que corresponde al rango superior a la Capa limite.

Figura 71. Variación de valores de PM 10.



Los isovalores están representados por líneas de valores equivalentes, en la figura 72, observamos estas líneas, y para calificar el estado del aire con el INCA, compramos los rangos de la figura 73 con los rangos de Inca y PM10. Una vista con mayor "zoom" del interfaz anterior se visualizan las dimensiones de los isovalores.



Figura 72. Isovalores de PM₁₀ en µg /m3.

La línea de color rojo nos muestra el valor 20 µg /m3 de concentración de partículas PM10, esto significa que según la tabla 19 y 20 un estado de calidad de aire "Bueno".

Estado del Aire	Rango del valor de medición del contaminanteen µg /m ³			
	PM 2.5	PM 10	SO2	NO2
Según	0 -	0 -	0 -	0 -
corresponde.	12.5	75	10	100
Según	>12.6 -	>76 -	>11 -	>101 -
corresponde.	25	150	20	200
Según	>25.1 -	>151 -	>21 -	>201 -
corresponde.	125	250	500	300
Según	> 125	> 250	> 500	> 300
corresponde.				

Tabla 19. Rango de valores de PM 10 y otros elementos.

Corresponde al rango de valor de medición de 0 a 75, y al comparar con el rango de INCA según la tabla siguiente.

Categoría del	Índice de Calidad del Aire – INCA			
Nivel de	(Valores adimensionales)			
Calidad del Aire	PARA PM 2.5	PARA PM 10	PARA SO2	PARA NO2
Buena	0 - 50	0 - 50	0 - 50	0 - 50
Moderada	>51 -	>51 -	>51 -	>51 -
	100	100	100	100
Mala	>101 -	>101 -	>101 -	>100 -
	500	167	625	150
Umbral de cuidado	> 500	> 300	> 625	> 150

Tabla 20. Rango de valores INCA.

Interpretación final, para el caso de PM 10, con el análisis realizado, mostramos que el rango de valor PM 10, de 0 - 75, corresponde al rango de INCA 0 - 50, el cual pertenece indicador "buena", referente al estado del aire en la zona interpretada, una vez más se observa que los rangos entre valores de los contaminantes atmosféricos y el INCA son independientes en sus
cifras de intervalo de rango, pero relacionales en la calificación del estado de calidad del aire. Este procedimiento de análisis e interpretación es viable de realizar también para cada elemento contaminante y en la zona topográfica que deseamos, así como en la cota o altitud de elección, la versatilidad del modelo MDLE, permite diversificar, porque entrega información de concentración de elementos contaminantes en todo el ámbito topográfico de Lima metropolitana y a la altitud o cota de cada 100 metros hasta los 10 mil metros que es la única condición de frontera rígida.

8.4 Presentación de resultados

8.4.1 Por elementos contaminantes.

PM 2.5, el valor de la medición de las partículas en suspensión muestra la figura 73, de 20 µg /m3, aplicando los rangos de valores y la tabla INCA, se tiene los componentes del aire en esta parte del modelo que se muestra al desplegar la tabla 21.



Figura 73. Isovalor de valor calculado por algoritmos.

Valor obtenido por el modelo	Categoría del e	stado del aire por	r presencia d	ePM 2.5
para partículas PM 2.5 en µg /m3	Rango de valor medidoPM 2.5 en µg /m3	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
20	12.6 - 25	0 - 50	Buena	Verde
Estado del aire por correlación de rangos				

Tabla 21. Identificación del estado del aire con valor obtenido del modelo para PM 2.5.

PM10, el valor de la medición de las partículas en suspensión muestra la figura 75, de 130 μ g /m3, aplicando los rangos de valores e indicador INCA, se tiene que el estado del aire, en esta parte del modelo y, se muestra en la tabla 22.



Figura 74. Isovalor de valor obtenido con modelo para PM10.

Tabla 22. Identificación de estado del aire con valor obtenido de modelo para PM10.

Valor obtenidopor el	Estado cali	dad de aire por p	resencia deP	M10
modelo para partículas PM10 en µg /m ³	Rango de valor medido PM10 en µg /m ³	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
130	76 - 150	>101 - 167	Mala	Naranja
Estado del aire por correlación de rangos				

SOx, el valor del óxido de azufre se muestra en la figura 75 de 10 μ g /m3, aplicando los rangos de valores e indicador INCA, se tiene que el estado del aire en esta parte del modelo mostrado en la tabla 23.



Figura 75. Isovalor obtenido para SOx.

Tabla 23. Identificación de estado del aire con valor obtenido para SOx.

Valor obtenidopor el	Estado cali	idad de aire por p	resencia deS	Ox
modelopara SOx en µg /m ³	Rango de valor medidoSOx en µg /m ³	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
10	0 - 10	0 - 50	Buena	Verde
Estado del aire por correlación de rangos				

NOx, el valor del óxido de nitrógeno se muestra en la figura 76, de $0.5 \mu g /m3$, aplicando los rangos de valores e índicador INCA, se tiene que el estado del aire en esta parte del modelo, mostrado en la tabla 24.



Figura 76. Isovalor obtenido para NOx.

Tabla 24. Identificación de estado del aire con valor obtenido para NOx.

Valor obtenidopor el	Esta	do calidad de aire NOx	e por presenc	ia de
modelopara NOx en μg /m ³	Rango de valor medidoNOx en µg/m ³	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
0.5	0 - 10	0 - 100	Buena	Verde
Estado del aire por correlación de rangos				

O3, el valor del ozono se muestra en la figura 77, de 30 μ g /m3, aplicando los rangos de valores e indicador INCA, se tiene, el estado del aire con el modelo, mostrado en la tabla 25.



Figura 77. Isovalor obtenido para O3

Tabla 25. Identificación de estado del aire con valor obtenido para O3.

Valor obtenido por el modelo	Estado cali	idad de aire por p	resencia deC)3
para O3 en µg /m ³	Rango de valor medidoO3 en µg /m ³	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
30	0 - 50	0 - 60	Buena	Verde
Estado del aire por correlación de rangos				

CO, el valor del óxido de carbono se muestra en la tabla 26, para 50 μ g /m3, aplicando los rangos de valores e indicador INCA, se tiene que el aire en esta parte, el modelo muestra en la figura 78.



Figura 78. Isovalor obtenido para CO.

Tabla 26. Identificación de estado del aire con valor obtenido para CO.

Valor obtenidopor el	Estado calidad de aire por presencia de CO			
modelo para CO en $\mu g /m^3$	Rango de valor medidoCO en µg /m ³	Rango adimensional INCA para valor obtenido	Categoría de calidad de aire	Color de estado del aire según INCA
50	0 - 500	0 - 1000	Moderada	Verde
Estado del aire por correlación de rangos				

8.4.2 Por zona espacial atmosférica en m s.n.m.

PM10 a nivel del mar, las mediciones de los contaminantes se realizan a 10 metros de altitud, pero el modelo considera los intervalos de medida cada 100 metros y elegimos la vista de planta a la altitud de 40 metros donde los valores en μ g /m3 se observan en la figura 80, en forma de isovalores de Lima y la figura 79, muestra estas mismas concentraciones a 9000 metros de altitud.



Figura 79. Isovalor obtenido para CO.

La información del modelo muestra en la figura 81, la concentración del PM10 en la zona este no se aprecian debido a la presencia topográfica entrando al este, el plano de planta corta al relieve topográfico.



Figura 80. Isovalores obtenido para PM10 a 9000 msnm.

La figura 81, muestra los isovalores en toda el área del modelo, a una altitud de 9Km, a esta altitud, la distribución en el espacio 3D de las concentraciones tienen un comportamiento tal como se observa.

8.5 Validación del modelo MDLE

8.5.1 Validación multivariable

La naturaleza multivariable del modelo MDLE, implica ver el comportamiento de las concentraciones por elemento contaminante en las 10 estaciones de monitoreo de SENAMHI y los datos procesados por la interpolación de Stirling, la comparación de distribución de datos originales de las estaciones y los procesados por el algoritmo de Stirling nos muestra la tabla 27, indicando el nivel de variabilidad en su distribución espacial de los datos adquiridos, y la tabla 28, muestra dicha variabilidad de distribución espacial de los datos procesados por la interpolación con el algoritmo de Stirling en el modelo MDLE.



Tabla 27. Distribución multilineal de datos adquiridos a SENAMHI.

La similitud de las formas que se presentan de ambas gráficas muestra que tanto los datos adquiridos, así como los datos procesados por el algoritmo de Stirling para el ingreso (input) al MDLE, mantienen el mismo sesgo estadístico, esto significa que, la variabilidad entre ambos datos es mínima.



Tabla 28. Distribución multinlineal de datos de Stirling.

El comportamiento de la tendencia de datos para una sola variable en este caso para el COx, medido por SENAMHI y la concentración de Cox, obtenido con el algoritmo de Stirling,

muestran en la figura 81 la misma tendencia funcional dando consistencia a la validación estadística de los datos del modelo.



Figura 81. Tendencia unilineal de datos para el Cox.

8.5.2 Validación Geoestadistica del MDLE

La validación del modelo MDLE, de naturaleza geoespacial en el presente documento, emplea a la función geoestadistica de Semivariograma espacial o 3D, la figura 82, indica la característica de los semivariogramas en las variables del modelo por tener las variables georreferenciadas, en este caso las variables utilizadas en el modelo tienen esta caracterización principal que mostramos en el gráfico.



Figura 82. Saltos de variograma de la Geoestadistica del MDLE.

El grafico se observa el comportamiento geoespacial de los datos al aplicar el algoritmo de Stirling, y claramente la amplitud de tamaño de los datos del modelo son coincidentes con el gran volumen de datos que se genera a partir de los datos adquiridos, manteniendo el sesgo estadístico y la amplitud geoestadistica coincidente con el sesgo estadístico y al ser mínimo en diferencia de sesgos entre el estadístico y el geoestadistico el nivel de error en el proceso de cálculo es menor al 5% indicando que son datos consistentes, aquellos datos que se obtienen como resultado de iterar el algoritmo de Stirling.



Figura 83. Semivariograma 3D componentes de atmosféricos PM y SO.

9. Conclusiones

El Modelo de Localización Espacial – MDLE, de los contaminantes atmosféricos obtiene valores de las concentraciones en el espacio geométrico y, precisa dichos valores a diferentes altitudes cada 500 m s.nm. hasta los 10 mil metros sobre el nivel del mar, representado en el modelo por el punto P(x)=(xi,yj,zk,), donde zk, se define como la longitud de la troposfera.

Los parámetros climáticos en el modelo, como variables aleatorias entre los principales son la velocidad y dirección del viento así, como, la variación de la temperatura, el primero por su orientación direccional y el otro por su relación altitud y temperatura.

En el modelo MDLE, los elementos contaminantes en relación a la presencia de los aspectos geográficos tienen la distribución de un modelo de dispersión, es decir, muy cercanos a la superficie de la tierra, y a altitudes mayores a los 10 metros, el comportamiento es similar a altitudes mayores del espacio troposférico.

La contribución de los algoritmos en el MODELO DE LOCALIZACION ESPACIAL – MDLE, se verifica en los procesos de cálculo de las cantidades por contaminantes en la atmosfera a través de la interpolación de valores medidos y adquiridos del SENAMHI, estos valores son procesados mediante el algoritmo de Stirling y el algoritmo de Kriging. El primero suaviza los cálculos a lo largo de las diez estaciones de monitoreo de SENAMHI a parir de datos tomados a 10 metros de altitud e interpolados hasta los 10 mil metros de altitud para cada estación, mientras que el algoritmo de Kriging, interpola en 3D dentro del espacio establecido por el MDLE.

10. Bibliografía

- **1. GONZALES, H. (2015).** Análisis de calidad del aire. V congreso de ingeniería ambiental de Chile.
- 2 MARTINEZ, ERNESTO (2004). Contaminancion atmosférica. Universidad de Castilla. ISBN 8484273245, P.13, 39
- **3.** MANAHAN, ESTANLEY (2007). Introduccion a la QuimicaAmbental, Edit.Reverte. 402 p.
- 4. MINISTERIO DEL MEDIO AMBIENTE Y MEDIO RURAL Y MARINO MARINO. (http://www.mma.es/portal/secciones/calidad_contaminacion/ atmosfera/emisiones/programa_techos.htm)
- MENDOZA, V. (2014). Algoritmos de modelación y predicción cuadrática. Edit. Comité de matemática Chile.
- 6. RODRIGUEZ RIVAS, MANUEL (1991) Teoría y diseño de la investigación científica, Ediciones Atusparia, Perú
- RODRIGUEZ RIVAS, MANUEL (2002) La ciencia ,Fondo editorial de la Universidad Inca Garcilaso de la Vega, Perú
- 8. SPEDDING, JOSEPH. Contaminación atmosférica (1981). ISBN 84-291-7506-

7. Edit. Reverte. p. 33.

- **9. SANCHEZ, VICENTE (1982).** El proceso de toma de decisiones y organización de la evaluación. México.
- **10. VÁSQUEZ, M.R. (1997).** Flórula de las Reservas Biológicas de Iquitos, Perú. Allpahuayo Mishana. Missouri Botanical Garden. 1046 p.
- **11. LOZADA C, PUGA (20174).** Formula de interpolación de Stirling. Pucp. Lima, p. 176 186.
- **12. JACOBSON, MARK (2002).** Atmospheric Pollution: History, Sciencie, and Regulation. New York: Cambridge University Press.
- **13. KORC, M. (2009).** Diagnóstico de las emisiones del parque automotor del área metropolitana de Lima y callao. XXVII Congreso interamericano de ingeniería sanitaria y ambiental.

- **14. M. ALFARO, (1996).** Estadística. Departamento de IngenieríaMatemática, U. de Chile, 1996.
- **15. M. ALFARO, (2003).** Introducción al Muestreo Minero. Instituto de Ingenieros de Minas de Chile, 2003.
- **16.** H. CRAMER, (1955). Métodos Matemáticos de Estadística. Aguilar, Madrid, 1955.
- **17. G. MATHERON (2005).** Curso de Geoestadística. Ecole NationaleSupérieure des Mines de París, 2005.
- **18. MATHERON (2005).** La Teoría de las Variables Regionalizadas y sus Aplicaciones. ENS. De Minas de París. 2005.
- **19.** A. JOURNEL (1978). Mining Geostatistics. Academic Press, 1978.
- **20.** J. P CHILÉS Y GEOSTATISTICS,(2000). Modeling SpatialUncertainty. Wiley University, 2000.

11. Anexos

ESTACION PUENTE PIEDRA

Esta página no puede cargar correctamente.	Google Maps
Do you own this website?	ок
Y	

PROPIETARIO	SENAMHI
OPERADOR	Dirección de Redes de Observación y Datos
PROVINCIA	LIMA
DISTRITO	PUENTE PIEDRA
COORDENADAS	-11.86325 -77.07413
RECEPCIÓN DE DATOS	En Linea
INICIO DE OPERACIÓN	03/12/2014

Geogla

Fotos de Estación



ter den er an 2020 (klassifikasi der interhörste der Könnte





Parámetros meteorológicos

Parámetro	Frecuencia	Altura de medición	Fecha primer registro	Fecha último registro	Técnica de medición	Marca	Gráficos
Temperatura ambiente (Temperatura - °C)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	100
Velocidad del viento (Vel. viento - m/s)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	2
Dirección del viento (Dir. viento - º)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	2
Humedad relativa del aire (Humedad relativa - %)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	2
Precipitación	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	~

Instrumentos de medición utilizados

Parámetro contaminantes	Fecha primer registro	Fecha último registro	Metodo	Técnica	Marca
Material Particulado menor a 10 micras (PM10)	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC
Material Particulado menor a 2.5 micras (PM2.5)	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC
Dioxido de Azufre SO2	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Fluorescencia UV Analizador T100	TELEDYNE
Oxidos de Nitrogeno NO2	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Quimioluminiscencia Analizador T200	TELEDYNE
Monoxido de Carbono CO	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Infrarrojo No Dispersivo Analizador T300	TELEDYNE
Ozono Troposferico O3	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Fotometria UV Analizador T400	TELEDYNE

ESTACION VILLA MARIA DEL TRIUNFO

Esta pagina no puede cargar Google Maps correctamente.	
Do you own this website?	OK

Inforación general

PROPIETARIO	SENAMHI
OPERADOR	Dirección de Redes de Observación y Datos
PROVINCIA	LIMA
DISTRITO	VILLA MARIA DEL TRIUNFO
COORDENADAS	-12.16639 -76.92
RECEPCIÓN DE DATOS	En Linea
INICIO DE OPERACIÓN	

Geogle

Fotos de Estación







VISTA OESTE





Parámetros meteorológicos

Parámetro	Frecuencia	Altura de medición	Fecha primer registro	Fecha último registro	Técnica de medición	Marca	Gráficos
Temperatura ambiente (Temperatura - °C)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	2
Velocidad del viento (Vel. viento - m/s)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	~
Dirección del viento (Dir. viento - °)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	2
Humedad relativa del aire (Humedad relativa - %)	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	~
Precipitación	Horario	1 m.		20/11/2018	Automatico	VAISALA	~

Instrumentos de medición utilizados

Parámetro contaminantes	Fecha primer registro	Fecha último registro	Metodo	Têcnica	Marca
Material Particulado menor a 10 micras (PM10)	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC
Material Particulado menor a 2.5 micras (PM2.5)	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Atenuacion de Rayos Beta Monitor 5014i	THERMO SCIENTIFIC
Dioxido de Azufre SO2	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Fluorescencia UV Analizador T100	TELEDYNE
Oxidos de Nitrogeno NO2	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Quimioluminiscencia Analizador T200	TELEDYNE
Monoxido de Carbono CO	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Infrarrojo No Dispersivo Analizador T300	TELEDYNE
Ozono Troposferico O3	03/12/2014	30/08/2019	Automatico	Fotometria UV Analizador T400	TELEDYNE

ANEXO II: Resultados diversos del modelo MDLE





Isovalores de PM 10 a 8 mil msnm.



Condiciones de frontera 3D del modelo MDLE



ISOVALORES DE CO EN 2750 M.S.NM



ANEXO III: PLANOS PLANO EN UTM DE ESTACIONES



Vista 3D del Modelo MDLE



Vista 3D de Modelo MDLE de Sur - Norte



Vista 3D de Modelo MDLE de Este - Oeste



Vista 3D de Modelo MDLE de Este - Oeste





